

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی/کد درس: - مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)(چندبخشی) ۱۱۱۵۰۷۵
 مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی، مهندسی مدیریت پروژه ۱۱۱۵۱۷۹ - مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش کنترل مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی خودرو، مهندسی ریباتیک، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش مکانیک جامدات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا ۱۵۱۱۰۷۵، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی ۱۵۱۱۰۷۶

استفاده از ماشین حساب ساده، ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- بسط عدد 2.6 در مبنای 2 کدام است؟

$$101.1001 \cdot 4 \quad 10.1001 \cdot 3 \quad 101.1001 \cdot 2 \quad 10.1001 \cdot 1$$

۲- کدام گزینه در مورد خطاها درست است؟ (a و b دو عدد مثبت حقیقی هستند).

$$\delta(ab) \leq \delta(a) \times \delta(b) \cdot 2 \quad E(ab) \leq aE(b) + bE(a) \cdot 1$$

$$E(a-b) \leq E(a) - E(b) \cdot 4 \quad \delta(ab) \leq \max\{\delta(a), \delta(b)\} \cdot 3$$

۳- برای برآورد ریشه مثبت معادله $\sin x + x - 1 = 0$ در بازه $[0, 1]$ به روش تنصیف، با خطای کمتر از 0.5×10^{-4} ، حداقل چند تکرار لازم است؟

$$15 \cdot 4 \quad 14 \cdot 3 \quad 13 \cdot 2 \quad 12 \cdot 1$$

۴- مرتبه روش نیوتن رافسون برای تعیین ریشه مثبت معادله $(x+3) - e^{-x} = 0$ کدام است؟

$$2 \cdot 2 \quad 1 \cdot 1 \quad 3 \cdot 3 \quad 4 \cdot 4$$

این معادله، ریشه مثبت ندارد.

۵- کدام گزینه صحیح است؟

۱. روش وتری به ازای هر انتخاب اولیه x_0, x_1 به ریشه معادله همگراست.۲. روش نیوتن-رافسون به ازای هر انتخاب اولیه x_0 به ریشه معادله همگراست.

۳. روش نابجایی همواره به ریشه معادله همگراست.

۴. روش نقطه ثابت به ازای هر انتخاب اولیه x_0 به ریشه معادله همگراست.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی) (۱۱۱۵۰۷۵ - ، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی) ، مهندسی مدیریت اجرایی، مهندسی مدیریت پروژه (۱۱۱۵۱۷۹ - ، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی خودرو، مهندسی رباتیک، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش مکانیک جامدات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا (۱۵۱۱۰۷۵ - ، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی (۱۵۱۱۰۷۶

۶- چند جمله ای لاگرانژ $L_3(x)$ برای تابع جدولی زیر کدام است؟

x_i	0	1	3	4
f_i	-12	0	6	12

$\frac{x^3 - x}{24}$.۲	$\frac{x^3 - 5x^2 + 4x}{-6}$.۱
$\frac{x^3 - 7x^2 + 12x}{6}$.۴	$\frac{x^3 - 4x^2 + 3x}{12}$.۳

۷- اگر تابع $f(x) = \sin\left(\frac{\pi x}{2}\right)$ را در نقاط 0 و 1 و -1 درونیابی کنیم کران بالای خطای درونیابی به ازای $x = \frac{1}{2}$ کدام است؟

$\frac{3\pi^3}{12 \times 48}$.۴	$\frac{3\pi^3}{8 \times 48}$.۳	$\frac{3\pi^2}{4 \times 48}$.۲	$\frac{3\pi^3}{48}$.۱
----------------------------------	---------------------------------	---------------------------------	------------------------

۸- برای تابع جدولی زیر، مقدار تفاضلات تقسیم شده $f[x_2, x_3]$ کدام است؟

x_i	5	7	11	13
f_i	150	392	1452	2366

۹۱۴ .۴	۴۵۷ .۳	۲۶۵ .۲	۲۰۵ .۱
--------	--------	--------	--------

۹- روش انتگرال گیری سیمپسون برای کدام توابع دقیق است؟

- | | |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| .۲ چندجمله ایهای حداکثر تا درجه ۳ | .۱ چندجمله ایهای حداکثر تا درجه ۱ |
| .۴ چندجمله ایهای درجه ۳ | .۳ چندجمله ایهای درجه ۱ |

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی) (۱۱۱۵۰۷۵ - ، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی) ، مهندسی مدیریت اجرایی، مهندسی مدیریت پروژه ۱۱۱۵۱۷۹ - ، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی خودرو، مهندسی رباتیک، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش مکانیک جامدات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا ۱۵۱۱۰۷۵ - ، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی ۱۵۱۱۰۷۶

۱۶- اگر $f(x) = x^2 - 1.5x - 1$ و $x_0 = 1$ و $x_1 = 1.5$ باشد، مقدار x_2 از روش وتری کدام است؟

۱. ۲.۵ ۲. ۱.۲۵ ۳. ۲.۷۵ ۴. ۲

۱۷- کدام نقطه روی خط کمترین مربعات نقاط جدول زیر قرار دارد؟

x_i	-1	0	1	2
y_i	1	3	5	7

۱. (3,7.5) ۲. (-2.5,2) ۳. (-2,2) ۴. (3.5,9)

۱۸- درجه چندجمله ای درونیاب تابع جدولی زیر کدام است؟

x_i	1	2	4	5	7
f_i	2	5	23	38	80

۱. ۴ ۲. ۳ ۳. ۲ ۴. ۱

۱۹- یک تکرار از روش گاوس-سایدل با فرض نقطه شروع (1,1,1) برای جواب دستگاه زیر برای x_2 کدام است؟

$$\begin{cases} 8x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 30 \\ x_1 - 9x_2 + 2x_3 = 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + 6x_3 = 31 \end{cases}$$

۱. 0.4722 ۲. 0.2222 ۳. 3.25 ۴. 3.847

۲۰- اگر 2, -3 مقادیر ویژه ماتریس A باشند، آنگاه کدام گزینه برای ماتریس A صحیح است؟

۱. $A^2 + A - 6I = 0$ ۲. $A^2 + A = 0$ ۳. $A^2 + A + 6I = 0$ ۴. $A + 6I = 0$

سوالات تشریحی

۱- با استفاده از روش نیوتن فرمول تکراری برای یافتن ریشه سوم عدد حقیقی N بیابید و به کمک آن ریشه سوم $x_0 = 2.5$ را با دقت چهار رقم اعشار بدست آورید (انتخاب نمایید).
عدد ۱۲ را با دقت چهار رقم اعشار بدست آورید ($x_0 = 2.5$ انتخاب نمایید).

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی/ کد درس: مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی) (۱۱۱۵۰۷۵) - ، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی، مهندسی مدیریت پروژه (۱۱۱۵۱۷۹) - ، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی خودرو، مهندسی رباتیک، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش مکانیک جامدات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا (۱۵۱۱۰۷۵) - ، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی (۱۵۱۱۰۷۶)

نمره ۱.۴۰

۲- چند جمله ای درونیاب را برای تابع جدولی زیر بیابید:

x_i	-2	-1	0	1
f_i	1	0	2	-1

نمره ۱.۴۰

۳- تقریبی از $\int_0^{\frac{1}{2}} \frac{x}{\sin x} dx$ را با استفاده از روش گوس دو نقطه ای بدست آورید.

نمره ۱.۴۰

۴- تقریبی از $y(0.5)$ را برای مساله مقدار اولیه $\begin{cases} y' = 4e^{0.8x} - 0.5y \\ y(0) = 2 \end{cases}$ به روش رانگ- کوتای مرتبه دوم و با طول گام $h = 0.5$ بدست آورید.

نمره ۱.۴۰

۵- با روش حذفی گوس با محورگیری جزئی جواب دستگاه زیر را بدست آورید.

$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 + 5x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 - 2x_3 = 1 \\ 5x_1 + 3x_2 - 4x_3 = -2 \end{cases}$$

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

سری سوال: یک ۱

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی/کد درس: - مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی) (۱۱۱۵۰۷۵)
مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی، مهندسی مدیریت پروژه ۱۱۱۵۱۷۹ - مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش کنترل مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی خودرو، مهندسی ریباتیک، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش مکانیک جامدات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا ۱۵۱۱۰۷۵، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی ۱۵۱۱۰۷۶

سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره

۱- صفحه ۶۷ از کتاب درسی.

۱.۴۰ نمره

$$P(x) = -\frac{8}{6}\theta^3 + \frac{11}{2}\theta^2 - \frac{13}{6}\theta + 1, x = -2 + \theta \rightarrow \theta = x + 2 \rightarrow P(x) = \dots \quad -2$$

۱.۴۰ نمره

۳-

$$\int_{-1}^1 \frac{\frac{1}{4}(1+u)}{\sin(\frac{1}{4}(1+u))} \frac{1}{4} du = \int_{-1}^1 \frac{(1+u)}{\sin(\frac{1}{4}(1+u))} du = \frac{(1-\sqrt{3}/3)}{\sin(\frac{1}{4}(1-\sqrt{3}/3))} + \frac{(1+\sqrt{3}/3)}{\sin(\frac{1}{4}(1+\sqrt{3}/3))}$$

$$= 4.0074 + 4.10558 = 8.11298$$

۱.۴۰ نمره

۴- صفحه ۲۶۷ از کتاب درسی.

۱.۴۰ نمره

$$(A | b) = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 5 & 2 \\ 2 & -1 & -2 & 1 \\ 5 & 3 & -4 & -2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 5 & 3 & -4 & -2 \\ 2 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 4 & 5 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 5 & 3 & -4 & -2 \\ 0 & -11 & -4 & 9 \\ 0 & 17 & 29 & 8 \end{pmatrix} \quad -5$$

$$\rightarrow \begin{pmatrix} 5 & 3 & -4 & -2 \\ 0 & 17 & 29 & 8 \\ 0 & -11 & -4 & 9 \end{pmatrix} \rightarrow \dots$$