

دفترچه شماره ۲

صبح شنبه

۸۵/۱۲/۱۲

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی(ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی

دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل

سال ۱۳۸۶

مجموعه مهندسی برق

(کد ۱۲۵۱)

نام و نام خانوادگی داوطلب: شماره داوطلب:

تعداد سؤال: ۶۰
مدت پاسخگویی: ۹۰ دقیقه

مواد امتحانی رشته مجموعه مهندسی برق، تعداد و شماره سوالات

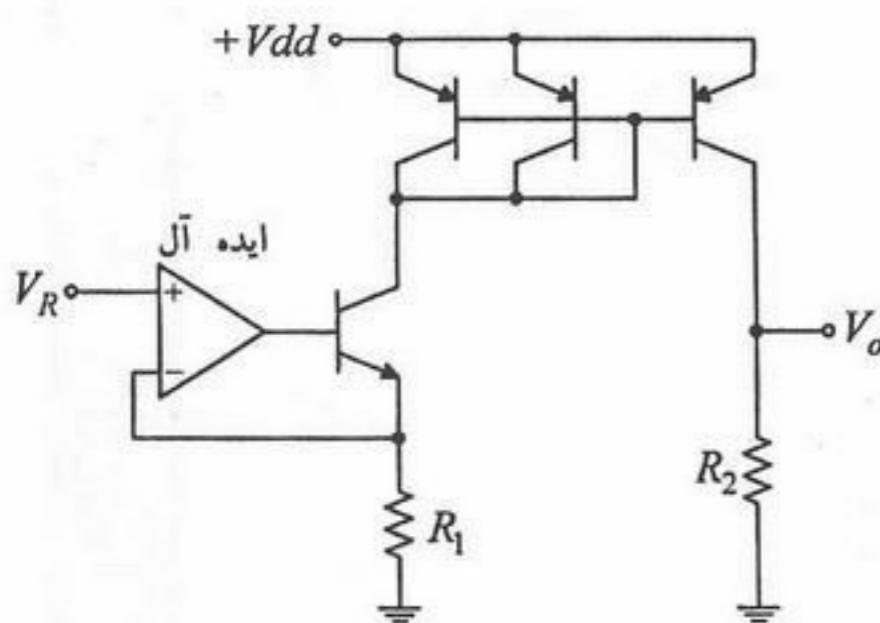
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	الکترونیک ۱ و ۲	۱۵	۴۶	۶۰
۲	ماشین‌های الکتریکی ۱ و ۲	۱۵	۶۱	۷۵
۳	الکترومغناطیس*	۱۵	۷۶	۹۰
۴	مقدمه‌ای بر مهندسی پزشکی*	۱۵	۹۱	۱۰۵

* برای گرایش مهندسی پزشکی، انتخاب یکی از دورس الکترومغناطیس یا مقدمه‌ای بر مهندسی پزشکی، اجباری است.

اسفند ماه سال ۱۳۸۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

۴۶- در مدار شکل مقابل با فرض تشابه ترانزیستورهای *pnp* و خیلی بزرگ بودن β همه ترانزیستورهای *n-p-n* ولتاژ خروجی برابر کدام است؟ ($V_A \rightarrow \infty$)



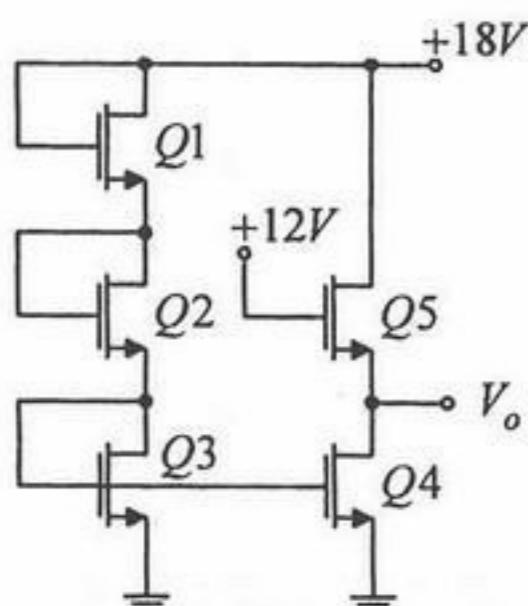
$$V_R \frac{R_1}{2R_1} \quad (1)$$

$$V_R \frac{R_1}{\gamma R_1} \quad (2)$$

$$V_R \frac{\gamma R_1}{R_1} \quad (3)$$

$$V_R \frac{\gamma R_1}{\gamma R_1} \quad (4)$$

۴۷- در مدار مقابل همه MOSFET ها مشابه هستند. ولتاژ V_o چقدر است؟



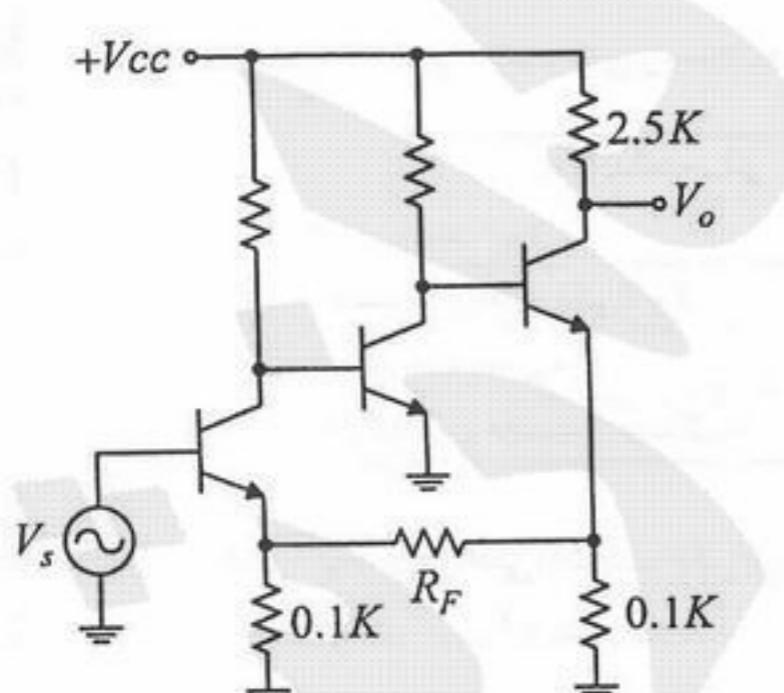
$$6V \quad (1)$$

$$9V \quad (2)$$

$$10V \quad (3)$$

$$12V \quad (4)$$

۴۸- در مدار شکل مقابل R_F را برای بهره ولتاژ مدار ۱۰۰ - محاسبه کنید. بهره ولتاژ تقویت کننده اصلی ۵۰۰۰ - است.



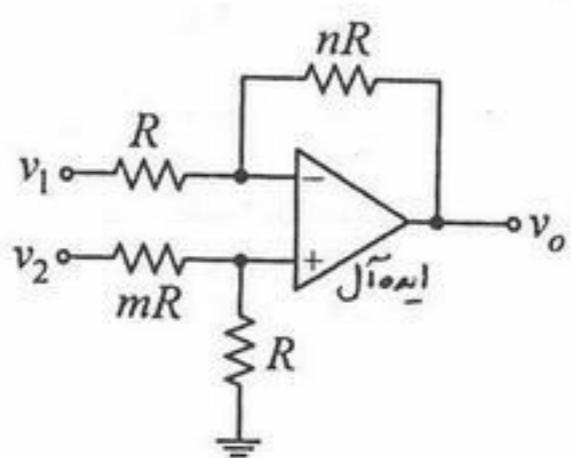
$$1k\Omega \quad (1)$$

$$100\Omega \quad (2)$$

$$200\Omega \quad (3)$$

$$400\Omega \quad (4)$$

۴۹ - در مدار شکل مقابل چه رابطه‌ای بین m و n برقرار باشد تا تقویت کننده به صورت تفاضلی باشد.



$$m = \frac{1}{n} \quad (1)$$

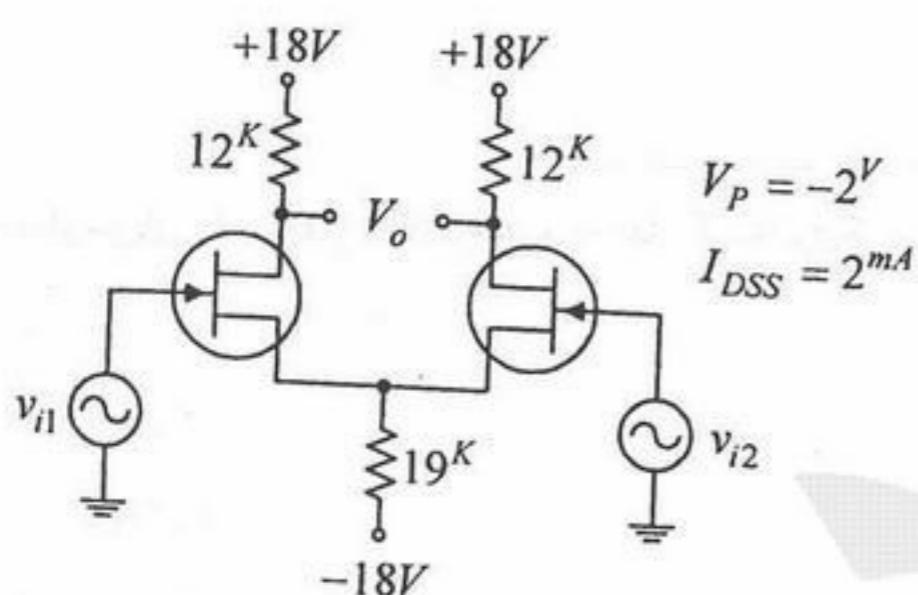
$$m = \frac{2}{n} \quad (2)$$

$$m = 2n \quad (3)$$

$$m = n \quad (4)$$

۵۰ - در شکل رویه را مطابق باست: محاسبه $CMRR$

$$2/16 \quad (1)$$



$$12 \quad (2)$$

$$39 \quad (3)$$

$$195 \quad (4)$$

۵۱- در مدار مقابل مطلوب است تعیین بهره ولتاژ و امپدانس ورودی مدار:

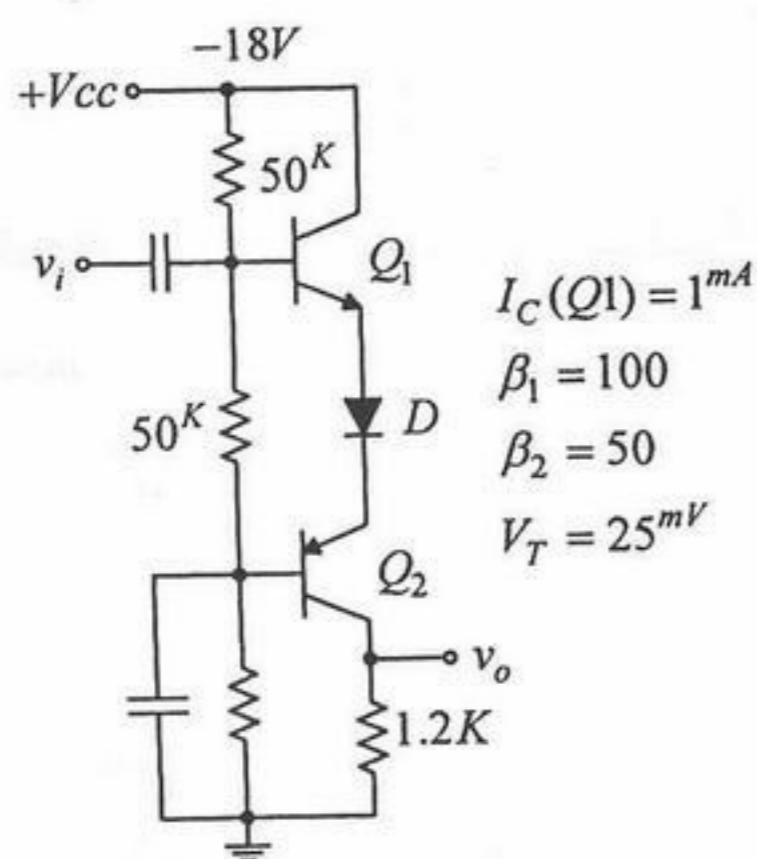
$$I_C(Q_1) = 1mA, \beta_1 = 100, \beta_2 = 50, V_T = 25mV$$

$$R_{in} = 2/2K, A_V = -24 \quad (1)$$

$$R_{in} = 5/7K, A_V = 24 \quad (2)$$

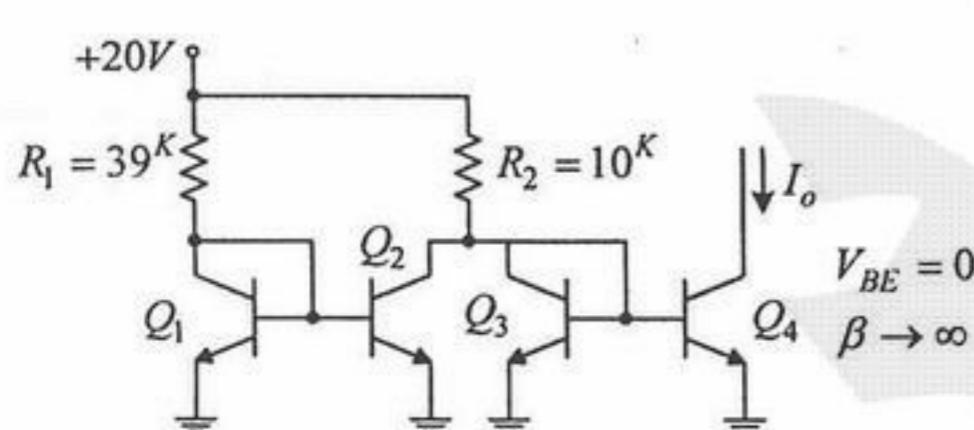
$$R_{in} = 25K, A_V = -16 \quad (3)$$

$$R_{in} = 5/7K, A_V = 16 \quad (4)$$



۵۲- مقدار جریان I_o در مدار شکل رویه روبرو به کدام گزینه نزدیک تر است؟ ($V_{BE} = 0.5V, \beta \rightarrow \infty$)

(۱) صفر



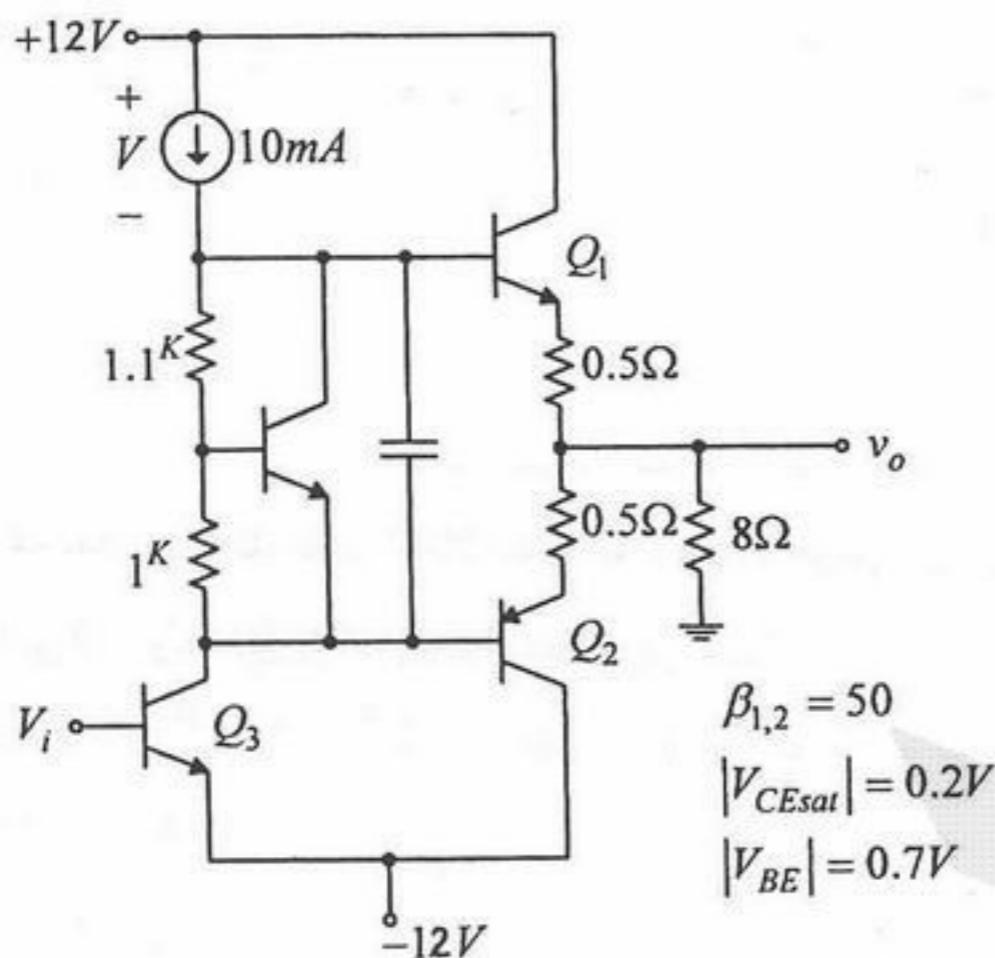
۱/۴۵mA (۱)

۱/۶mA (۲)

۱/۹۵mA (۳)

۵۳ - منبع جریان در شکل زیر برای عملکرد صحیح حداقل به ۲ ولت و تا از نیاز دارد. ($V_{min} = 2V$)، حداکثر دامنه ولتاژ خروجی و جریان بایاس کلکتورهای Q_1 و Q_2 به ترتیب به کدام گزینه نزدیکتر است؟

$$\beta_{1,2} = 50, |V_{CEsat}| = 0.2V, |V_{BE}| = 0.7V$$



$$\begin{aligned}\beta_{1,2} &= 50 \\ |V_{CEsat}| &= 0.2V \\ |V_{BE}| &= 0.7V\end{aligned}$$

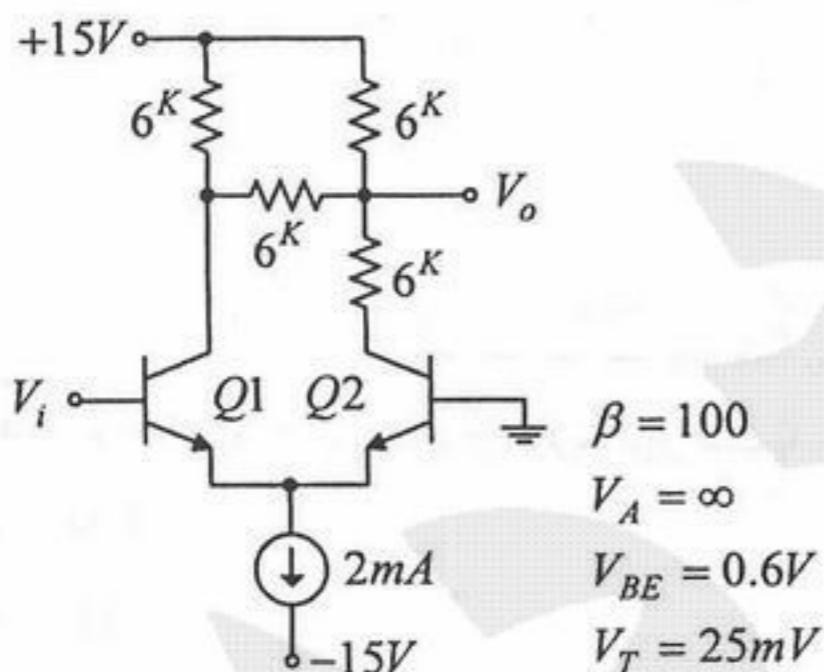
۵۰mA, ۴v (۱)

۵۰mA, ۱۰v (۲)

۷۰mA, ۴v (۳)

۷۰mA, ۱۰v (۴)

۵۴ - در مدار شکل مقابل بهره $\frac{V_o}{V_i}$ کدام است؟ ($\beta = 100, V_A = \infty, V_{BE} = 0.6V, V_T = 25mV$)



$$\begin{aligned}\beta &= 100 \\ V_A &= \infty \\ V_{BE} &= 0.6V \\ V_T &= 25mV\end{aligned}$$

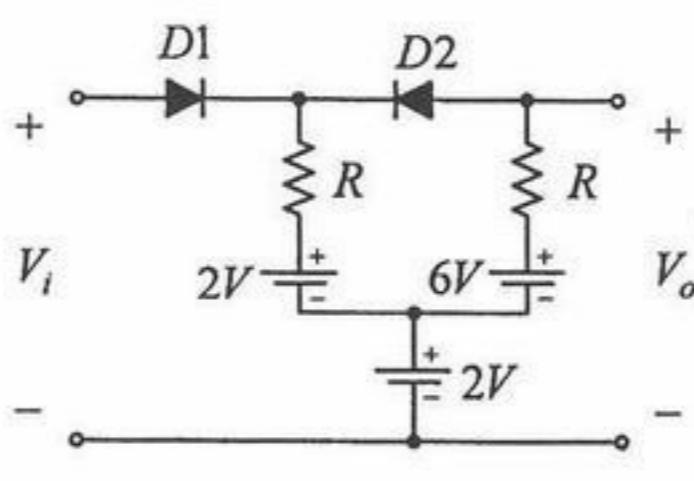
۴۰ (۱)

۶۰ (۲)

۸۰ (۳)

۱۲۰ (۴)

۵۵- در شکل رو به رو در چه محدوده‌ای از V_i رابطه بین ورودی و خروجی $V_o = V_i$ می‌شود. دیودها ایده‌آل هستند.



$$2 < V_i < 4 \quad (1)$$

$$4 < V_i < 6 \quad (2)$$

$$6 < V_i < 8 \quad (3)$$

$$8 < V_i < 10 \quad (4)$$

۵۶- تقویت کننده تفاضلی شکل مقابل کاملاً متقارن بوده و منبع جریان I_{EE} ایده‌آل است. فرکانس قطع ۳ dB مربوط به بهره ولتاژ مشترک

$$\frac{v_o}{v_{in,cm}} \text{ ناشی از وجود خازن } C \text{ کدام یک از مقادیر زیر است؟}$$

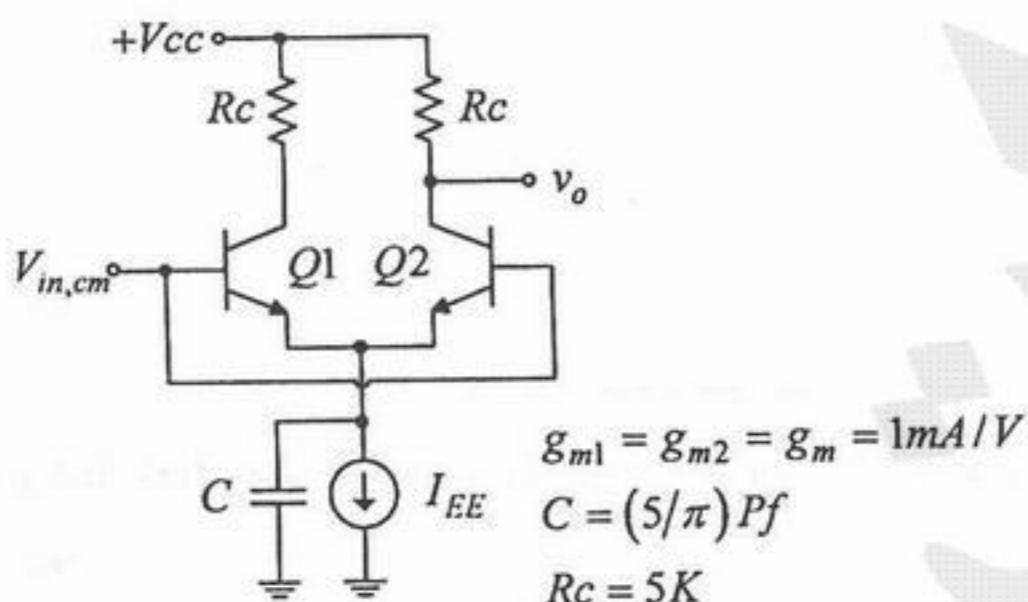
$$g_{m1} = g_{m2} = g_m = 1 \frac{mA}{V}, C = \left(\frac{\Delta}{\pi}\right) PF, R_C = 5k\Omega$$

$$f_b = 20 MHz \quad (1)$$

$$f_b = 40 MHz \quad (2)$$

$$f_b = 100 MHz \quad (3)$$

$$f_b = 200 MHz \quad (4)$$



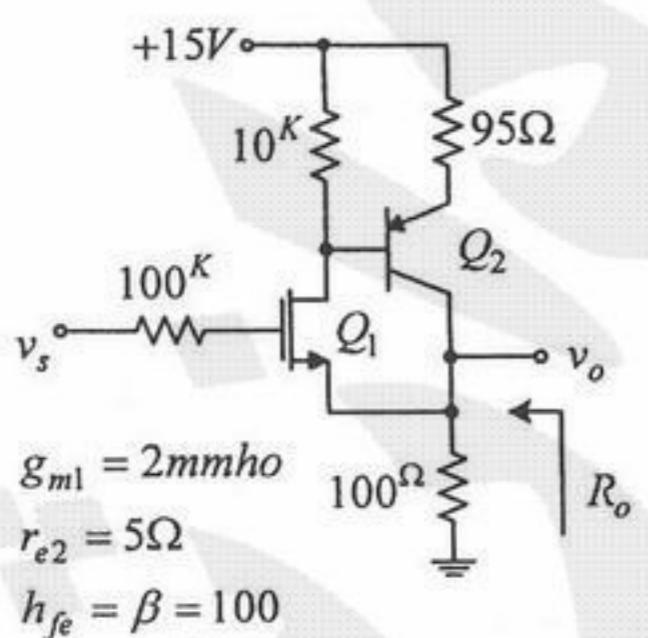
۵۷- برای مدار مقابل بهره ولتاژ و مقاومت خروجی تقریباً برابر است با:

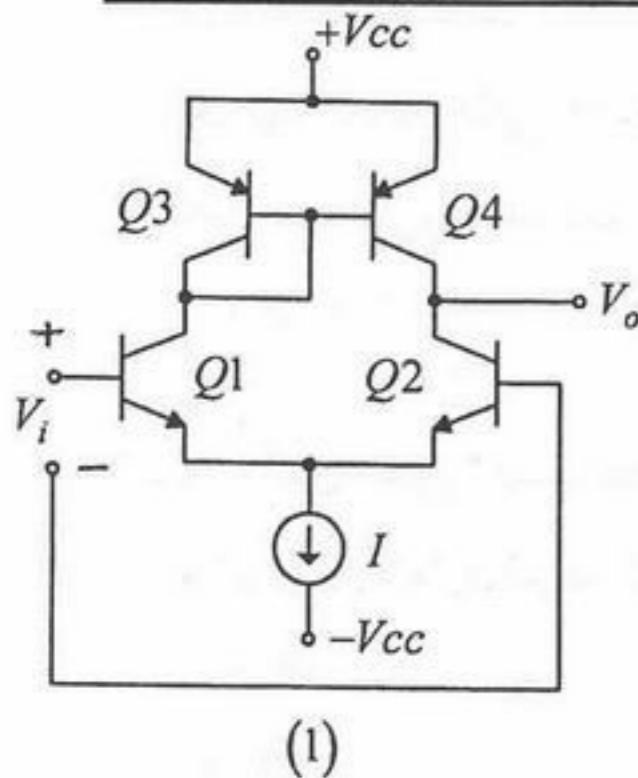
$$90\Omega \text{ و } +0/9 \quad (1)$$

$$9\Omega \text{ و } +0/9 \quad (2)$$

$$100\Omega \text{ و } +1/1 \quad (3)$$

$$100\Omega \text{ و } 1 \quad (4)$$





۵۸- بهره $\frac{V_o}{V_i}$ در مدارهای رو به رو چه رابطه‌ای با هم دارند. در شکل ۱: $\frac{V_o}{V_i} = AV_1 : 2$ و در شکل ۲: $\frac{V_o}{V_i} = AV_1 : 1$ دارند.

$$npn \quad |V_A| = 100V, \beta_n = 200$$

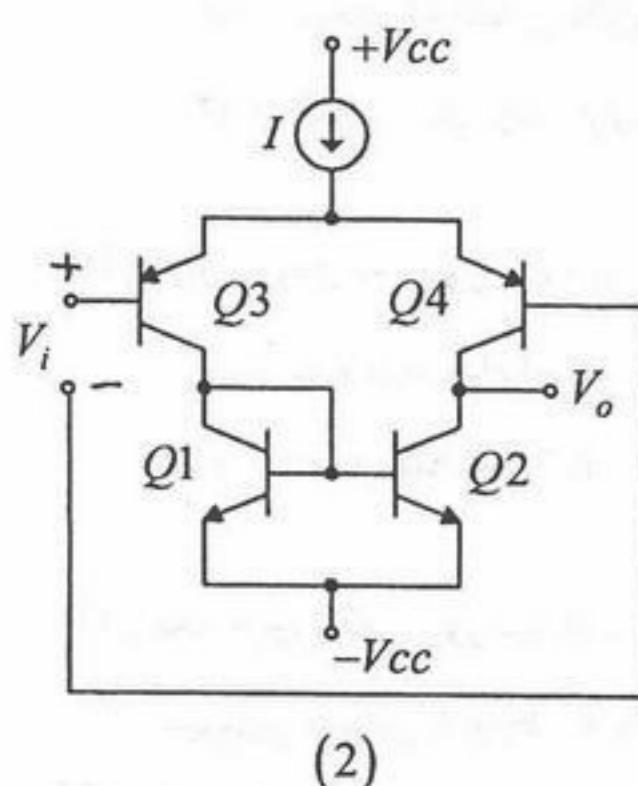
$$pnp \quad |V_A| = 50V, \beta_p = 100$$

$$AV_1 = \frac{1}{\gamma} AV_T \quad (1)$$

$$AV_1 = AV_T \quad (2)$$

$$AV_1 = 2AV_T \quad (3)$$

$$AV_1 = 4AV_T \quad (4)$$



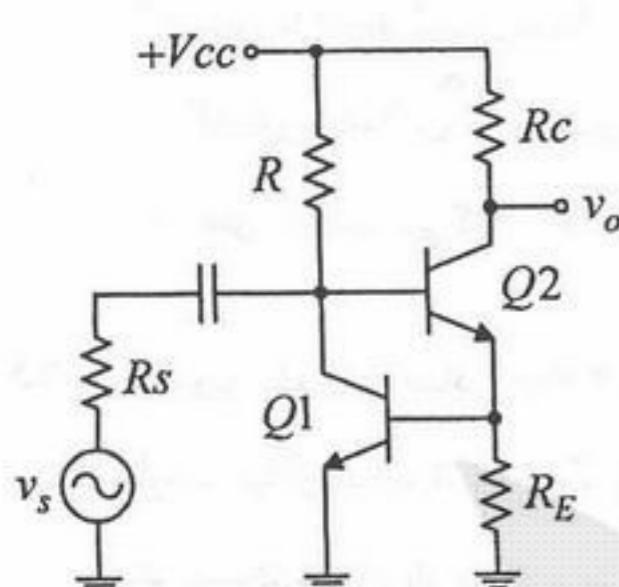
۵۹- نوع فیدبک ۱ «مدار زیر» مشخص کنید.

۱) فیدبک مثبت از نوع جریان - ولتاژ

۲) فیدبک مثبت از نوع جریان - جریان

۳) فیدبک منفی از نوع جریان - ولتاژ

۴) فیدبک منفی از نوع جریان - جریان



۶- در رگولاتور شکل زیر، $I_{Z_{Max}} = 2mA$ و $R_{max} = 12V$ می‌باشد. مقادیر R و R_L به کدام گزینه نزدیک تر است؟

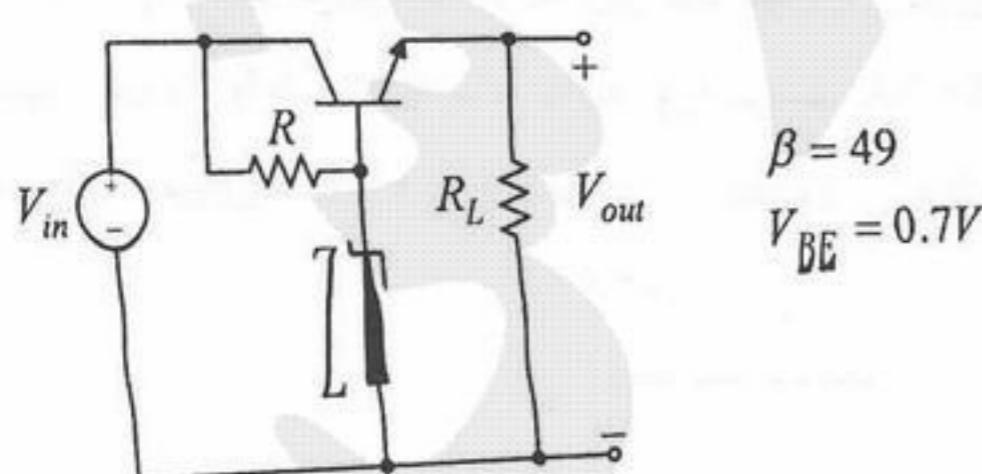
$$\beta = 49, V_{BE} = 0.7V$$

$$R \leq 15\Omega, I_{Z_{Max}} = 4mA \quad (1)$$

$$R \leq 16\Omega, I_{Z_{Max}} = 1mA \quad (2)$$

$$R \leq 1k\Omega, I_{Z_{Max}} = 12mA \quad (3)$$

$$R \leq 1k\Omega, I_{Z_{Max}} = 22mA \quad (4)$$



۶۱- یک موتور سه فاز القایی 75hp در سرعت 960rpm خروجی بار کامل است. راتامین می‌کند. گشتاور راه اندازی مساوی با گشتاور بار کامل است. اگر ولتاژ تغذیه به 400V تقلیل یابد گشتاور راه اندازی چقدر خواهد شد؟ (هر اسب بخار معادل 746Watt است).

(۴) $42/2\text{Nm}$ (۳) $37/1\text{Nm}$ (۲) $26/3\text{Nm}$ (۱) $23/8\text{Nm}$

۶۲- یک ماشین القایی ۴ قطب، 50Hz باری معادل گشتاور ماکزیمم خود را در نصف سرعت سنکرون در حالی می‌چرخاند که مقاومت رتور $2/5\Omega$ است. برای راه اندازی این بار از حالت سکون چه مقاومتی باید به رتور اضافه شود؟

(۱) $2/5\Omega$ (۲) 5Ω

(۳) از آنجائی که گشتاور ماکزیمم به مقاومت رتور بستگی ندارد نیاز به اضافه کردن مقاومت در لحظه راه اندازی نیست.

(۴) این ماشین نمی‌تواند باری معادل گشتاور ماکزیمم خود را در لحظه راه اندازی به حرکت درآورد.

۶۳- توان ورودی به رotor یک موتور القایی سه فاز 50Hz ، 400V شش قطب 80kW است. رotor emf روتور 100mV سیکل تناوب در دقیقه دارد. لغزش و سرعت روتور برابر کدام است؟

(۴) $966/7\text{rpm}$ (۳) $950/5\text{rpm}$ (۲) $92/1\text{rpm}$ (۱) $950/5\text{rpm}$

۶۴- یک موتور القایی روتور سیم‌بندی شده در اختیار است. اگر روتور را از طریق حلقه لغزان توسط یک ولتاژ سه فاز متقاضن با فرکانس نامی تغذیه کرده و سیم‌پیچی استاتور را توسط سه مقاومت مساوی اتصال کوتاه کنیم کدامیک از جملات زیر صحیح است؟

(۱) جریان راه اندازی موتور بسیار کمتر از شرایط کار عادی موتور است.

(۲) موتور با ایجاد گشتاور پایدار در سمت خلاف گردش میدان مغناطیسی حاصل از سیم‌پیچی روتور حرکت می‌کند.

(۳) گشتاور راه اندازی موتور خیلی بیشتر از شرایط کار عادی موتور است.

(۴) موتور حرکت نمی‌کند زیرا نمی‌تواند گشتاور پایدار تولید کند.

۶۵- یک موتور کمپوند اضافی 25hp و 250V (شنت بلند) وقتی با بار کم چرخانده می‌شود جریان $5/25\text{A}$ را در سرعت 1150rpm می‌کشد. مقاومت میدان شنت 200Ω ، آرمیچر 15Ω و مقاومت میدان سری 0.05Ω است. جریان بار کامل $86/25\text{A}$ و سرعت متناظر 720rpm است. نسبت شار در بار کامل به شار در باری باری چقدر است؟

(۴) $1/494$ (۳) $1/321$ (۲) $1/292$ (۱) $1/668$

۶۶- یک موتور شنت با مدار مغناطیسی خطی و بالتفلات قابل صرفنظر مفروض است. وقتی که موتور با ولتاژ 200V ولت تغذیه می‌شود جریان آرمیچر 50A و سرعت 0rad/s می‌شود. با اضافه کردن یک سیم‌پیچی سری با تعداد N دور بر قطب، موتور به کمپوند اضافی تبدیل می‌شود. در حالت جدید، موتور از ولتاژ 240V ولت تغذیه شده و با سرعت $0.8n_0$ کار می‌کند. اگر گشتاور بار در هر دو حالت یکسان باشد، N چند است؟ تعداد دورهای سیم‌پیچی شنت 1000 (در هر قطب) و مقاومت آن 50mH است.

(۴) 60 (۳) 36 (۲) 24 (۱) 16

۶۷- یک موتور DC سری ۲۲۰ چهارقطبی هواکش ۲۵ A جریان می‌کشد و با سرعت ۵۰۰ rpm می‌چرخد. برای بدست آوردن سرعت بیشتر، کلاف‌های سری آن را مجدداً به صورت دو گروه موازی با آرمیچر سری می‌کنیم. گشتاور متناسب با مربع سرعت است و شار متناسب با جریان میدان و از تلفات چشمپوشی می‌شود. سرعت موتور و جریان آن برابر کدام است؟ (مدار مغناطیسی خطی فرض می‌شود)

(۴) ۷۷۵rpm, ۴۲A

(۳) ۶۰۰rpm, ۴۲A

(۲) ۵۹۵rpm, ۴۲A

(۱) ۵۹۵rpm, ۲۱A

۶۸- دو ترانسفورماتور تکفاز A و B از دید ثانویه دارای امپدانس‌های اتصال کوتاه مساوی $Z_A = Z_B = 5 + j 25 \Omega$ pu هستند. ولتاژ بی‌باری ثانویه آنها برابر است با $E_A = 1 + j 15^\circ$ pu و $E_B = 1 + j 15^\circ$ pu. این دو ترانسفورماتور به طور موازی باری به امپدانس $Z_L = 50 + j 50 \Omega$ pu را تغذیه می‌کنند. جریان چرخشی بین دو ترانسفورماتور برابر است با:

(۴) $0/05 + j 0/0125$ pu

(۳) $0/05 + j 0/0125$ pu

(۲) $0/05 - j 0/0125$ pu

(۱) $0/05 - j 0/0125$ pu

۶۹- وقتی ثانویه ترانسفورماتور تکفاری اتصال کوتاه می‌شود و ولتاژ 30° به اولیه اعمال می‌گردد، جریان اولیه $20 A$ و توان تغذیه شده $200 W$ می‌شود. راکانس کل با ارجاع به اولیه چقدر است؟

(۴) $2/3\Omega$

(۳) $1/71\Omega$

(۲) $1/5\Omega$

(۱) $1/41\Omega$

۷۰- یک ترانسفورماتور ۷۰۰۰V، ۵۰Hz در چگالی فلوی ثابت $1/5 T$ کار می‌کند. ابعاد خطی هسته دو برابر می‌شود در حالی که تعداد دورهای اولیه و ثانویه نصف می‌گردد. اگر ترانسفورماتور در ۴۰۰۰V و ۵۰Hz کار کند چگالی شار هسته چه خواهد بود؟

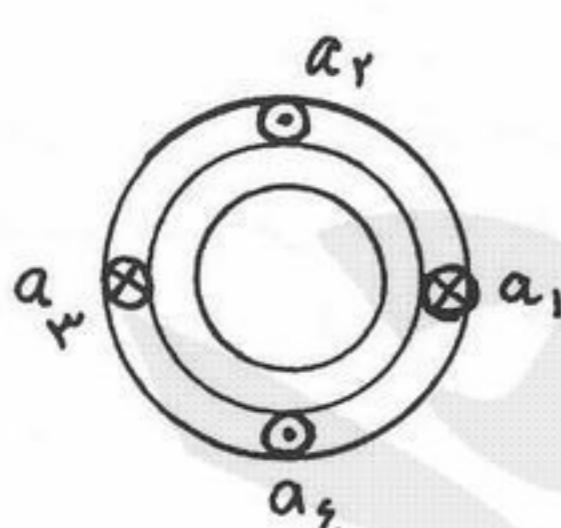
(۴) $1/5T$

(۳) $1/9T$

(۲) $1/8T$

(۱) $2T$

۷۱- در ماشین استوانه‌ای شکل مقابل جریان سیم‌پیچی $I_s \cos \omega_s t$ می‌باشد. مطلوب است گشتاور متوسط تولیدی ماشین و سرعتی که در آن این گشتاور متوسط تولید می‌شود. سرعت مکانیکی ω_m و اندوکتانس خودی سیم‌پیچی می‌باشند.



(۱) $\omega_m = \omega_s, T_{av} = \frac{I_s}{\sqrt{2}} \hat{L}_{ss}$

(۲) $\omega_m = \pm \frac{\omega_s}{2}, T_{av} = \sqrt{2} I_s \hat{L}_{ss}$

(۳) $\omega_m = \pm 2\omega_s, T_{av} = I_s^2 \hat{L}_{ss}$

(۴) این ماشین توانایی تولید گشتاور ندارد.

۷۲- معادله کوانرژی در یک سیستم الکترو مکانیکی فرضی دو تحریکه به شکل $\frac{x}{x+0/01^2} = 1^2 i_2^2 + 2^2 i_1^2$ است. مقدار انرژی ذخیره شده در میدان در حالتی که $i_1 = 2^A$ ، $i_2 = 3^A$ باشد چند ژول است؟

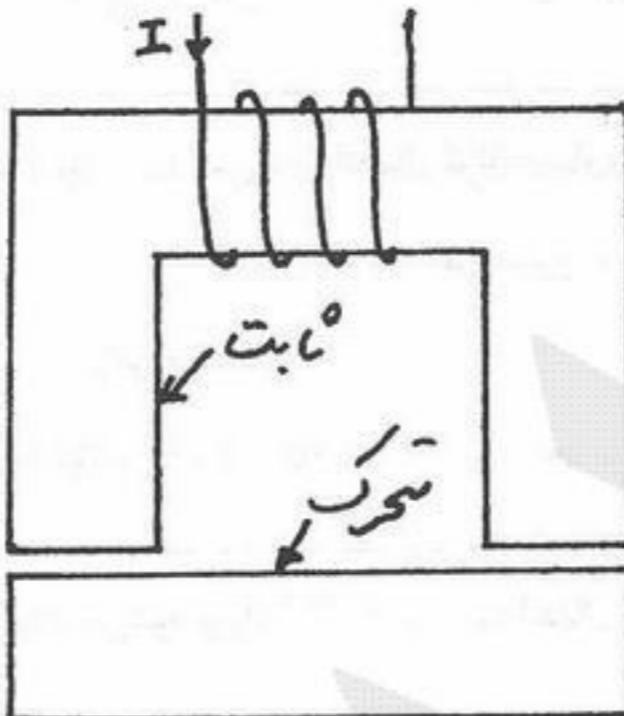
(۴) ۳۶

(۳) ۷۲

(۲) ۱۰۸

(۱) ۱۴۴

۲۳ - مدار مغناطیسی مبدل الکترومغناطیسی شکل مقابل خطی فرض شده و از پراکندگی و نشت فلو صرفنظر می‌شود. با عبور جریان dc (صفاف و بدون ریپل) به اندازه I_{dc} ، قسمت متحرک در آستانه جذب قرار می‌گیرد. اگر به جای جریان dc ، یک جریان سینوسی با فرکانس کافی از سیم پیچی عبور داده شود دامنه جریان برای آن که قسمت متحرک در همان شرایط قرار گیرد چند آمپر است؟ از اثر تلفات فوکو و هیسترزیس هسته صرفنظر می‌شود.



$$I_{dc} \quad (1)$$

$$\sqrt{2} I_{dc} \quad (2)$$

$$\frac{2}{\pi} I_{dc} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{4} I_{dc} \quad (4)$$

۲۴ - منحنی بی‌باری یک ژنراتور کمپوند اضافی با شنت بلند $220V$ ، $2300W$ در سرعت 1200 rpm به شرح ذیل است. مجموع مقاومت سری و آرمیچر 5Ω است. سیم پیچی شنت 1000 دور دارد. اگر جریان تحریک شنت 1 آمپر، ولتاژ خروجی $224/5V$ و سرعت 1150 rpm باشد تعداد دور سیم پیچ سری کدام است؟

$E_a(V)$	۶	۵۲	۱۰۶	۲۴۰	۲۵۷	۲۵۸
$I_f(A)$	۰	۰/۲	۰/۴	۱/۱۱	۱/۱۴	۱/۲

۴) ۴

۶) ۳

۱۰) ۲

۸) ۱

۲۵ - یک ژنراتور شنت $200V$ و $100A$ توسط یک موتور احتراق با خروجی مکانیکی 32hp چرخانده می‌شود. مقاومت آرمیچر ژنراتور 1Ω و میدان شنت 50Ω است. تلفات آهن و اصطکاک چقدر است؟ (هر اسب بخار معادل 746 وات می‌باشد).

۱۸۸۱/۶^W) ۴۱۹۹۰/۴^W) ۳۱۲۰۰/۴^W) ۲(۱) ۹۹۵/۲^W

۷۶ - کره‌ای به شعاع a از جنس رسانا با پتانسیل V_0 در فضا وجود دارد. این کره ایزووله است. حال بار مثبت $+q$ را در فاصله $(R_1 > a)$ از مرکز کره قرار می‌دهیم. پتانسیل کره چقدر خواهد شد؟

$$\frac{q_1 + \frac{a}{R_1} q_1}{4\pi\epsilon_0 a} \quad (4)$$

$$\frac{q_1 - \frac{a}{R_1} q_1}{4\pi\epsilon_0 a} \quad (3)$$

$$V_0 + \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} \quad (2)$$

$$V_0 + \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 a} \quad (1)$$

۷۷ - بار نقطه‌ای q با جرم m در میدان مغناطیسی $\hat{z} = B_0 \vec{B}$ با سرعت ثابت حول دایره‌ای به شعاع a در صفحه xoy در جهت مثلثاتی دوران می‌کند.

ثابت است. اندازه میدان الکتریکی که توسط ناظری که با بار حرکت می‌کند اندازه‌گیری می‌شود، کدام است؟ B_0

$$\frac{\sqrt{a^2 - 1}|q|B_0^2}{am} \quad (4)$$

$$\frac{a^2 |q|B_0^2}{m\sqrt{a^2 - 1}} \quad (3)$$

$$\frac{a|q|B_0^2}{m} \quad (2)$$

$$\frac{a|q|B_0}{2m} \quad (1)$$

۷۸ - در مرکز یک ابر کروی به شعاع R که دارای بار کل Q (پخش شده به طور یکنواخت) است، یک بار نقطه‌ای Q قرار گرفته است. پتانسیل در نقطه‌ای به فاصله $\frac{R}{3}$ از مرکز کدام است؟

$$\frac{5Q}{16\pi\epsilon_0 R} \quad (4)$$

$$\frac{5Q}{32\pi\epsilon_0 R} \quad (3)$$

$$\frac{2Q}{16\pi\epsilon_0 R} \quad (2)$$

$$\frac{-3Q}{16\pi\epsilon_0 R} \quad (1)$$

۷۹ - در فضای خالی روی صفحه xoy جریان سطحی یکنواخت $\hat{x} = K_0 \vec{K}$ برقرار است. اندازه شار مغناطیسی گذرنده از مربعی با سطح $1m^2$ در

صفحة xoz برابر کدام است؟

$$4\mu_0 K_0 \quad (4)$$

$$2\mu_0 K_0 \quad (3)$$

$$\mu_0 K_0 \quad (2)$$

$$\frac{\mu_0 K_0}{2} \quad (1)$$

۸۰ - کره‌ای ایزووله به شعاع a از جنس رسانا با حفره‌ای کروی به شعاع b مطابق شکل

مفروض است. بار نقطه‌ای q را در فاصله $\frac{b}{2}$ از مرکز حفره قرار داده‌ایم. پتانسیل در

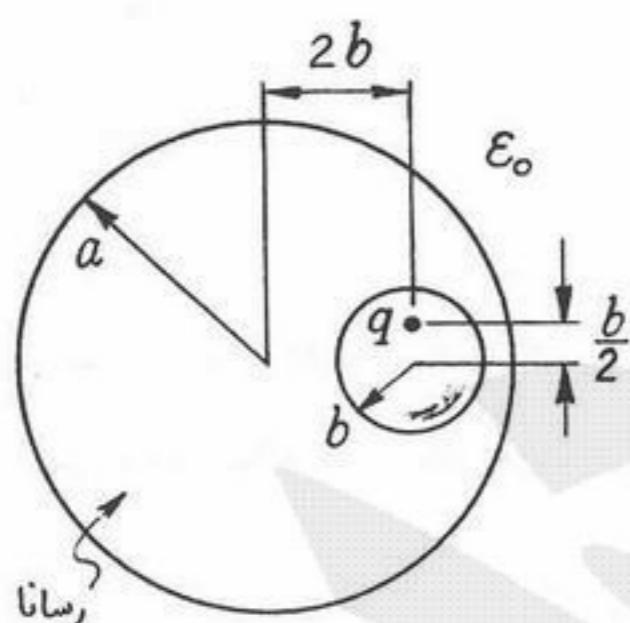
مرکز حفره چقدر است؟

$$\frac{q}{4\pi\epsilon_0 (2b)} \quad (1)$$

$$\frac{q}{4\pi\epsilon_0 b} \quad (2)$$

$$\frac{q}{4\pi\epsilon_0 \frac{b}{2}} \quad (3)$$

$$\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a} \right) \quad (4)$$



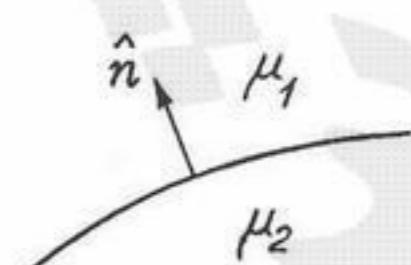
۸۱ - در مرز دو محیط با ضرایب نفوذپذیری مغناطیسی μ_1 و μ_2 چگالی جریان سطحی مقید $\hat{n} \cdot \vec{J}_{sb}$ است. چه رابطه‌ای بین بردار چگالی دو قطبی مغناطیسی \vec{M}_1 و \vec{M}_2 در طرف مرز برقرار است؟ (\hat{n} بردار واحد قائم بر نقطه‌ای از مرزا است).

$$\hat{n} \times \vec{M}_1 = \hat{n} \times \vec{M}_2 - \vec{J}_{sb} \quad (2)$$

$$\hat{n} \times \vec{M}_1 = \hat{n} \times \vec{M}_2 \quad (4)$$

$$\hat{n} \times \vec{M}_1 = \hat{n} \times \vec{M}_2 + \vec{J}_{sb} \quad (1)$$

$$\hat{n} \times \vec{M}_1 = -\hat{n} \times \vec{M}_2 - \vec{J}_{sb} \quad (3)$$



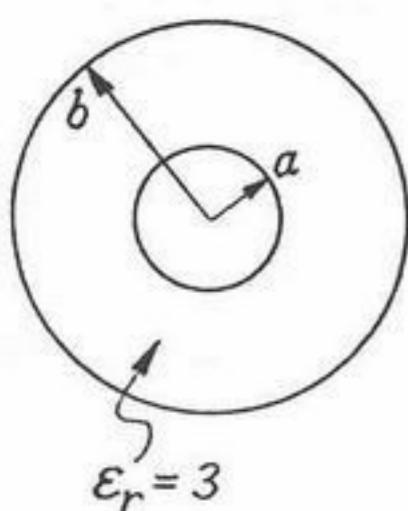
۸۲- فضای داخل یک کابل هم محور با یک عایق با ضریب عایقی نسبی $\epsilon_r = 3$ پر شده است. اگر q_L کل بار مقید در واحد طول کابل روی سطح عایق در $r = b$ باشد و $(\frac{C}{m}) \rho_L$ کل بار آزاد در واحد طول کابل روی سطح رسانای داخلی به شعاع a باشد، کدام گزینه برابر نسبت $\frac{q_L}{\rho_L}$ است؟

$$-\frac{1}{6} \quad (1)$$

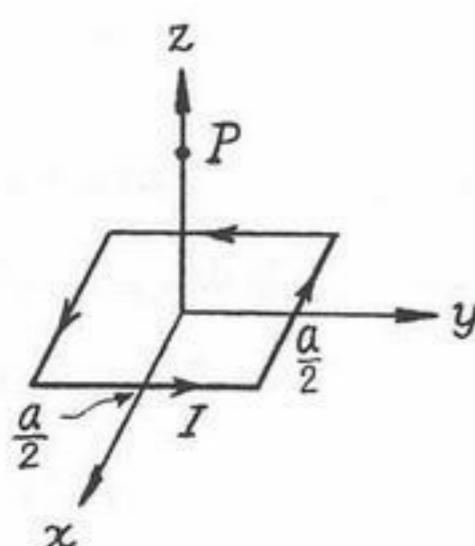
$$-\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{6} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$



۸۳- در فضای خالی، قاب مربعی به ضلع a مطابق شکل حامل جریان I است. \vec{H} شدت میدان مغناطیسی در نقطه $(0, 0, a)$ روی محور قاب چقدر است؟



$$\vec{H} = \frac{I}{4a} \hat{z} \quad (1)$$

$$\vec{H} = \frac{I}{2\pi a} \hat{z} \quad (2)$$

$$\vec{H} = \frac{2\sqrt{3}I}{15\pi a} \hat{z} \quad (3)$$

$$\vec{H} = \frac{2I}{a\sqrt{2}} \hat{z} \quad (4)$$

۸۴- در مختصات کروی عایقی به شکل کره به شعاع a با ضریب عایقی $(1 + \frac{r}{a})$ با بار حجمی $\rho_0 = \epsilon_0(1 + 2r)$ هم مرکز با مبدأ مختصات مفروض است. اندازه میدان الکتریکی در $r = \frac{a}{2}$ چقدر است؟ (μ_0 مقدار ثابتی است).

$$\frac{a\rho_0}{\epsilon_0(1+a)} \quad (4)$$

$$\frac{11\rho_0}{24\epsilon_0(1+\frac{1}{a})} \quad (3)$$

$$\frac{22a\rho_0}{\epsilon_0(1+a)} \quad (2)$$

$$\frac{11a\rho_0}{48\epsilon_0(1+a)} \quad (1)$$

۸۵- ناحیه $b < r < a$ در مختصات استوانه‌ای را یک ماده مغناطیسی غیر همگن اشغال می‌کند. یک رشته سیم نازک، که حامل جریان I در جهت مثبت z و در امتداد محور z است، میدان مغناطیسی ثابت $\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$ را در این ماده ایجاد می‌کند. جریان مقید سطحی I_{ms} روی سطح

کدام است؟ $r = b$

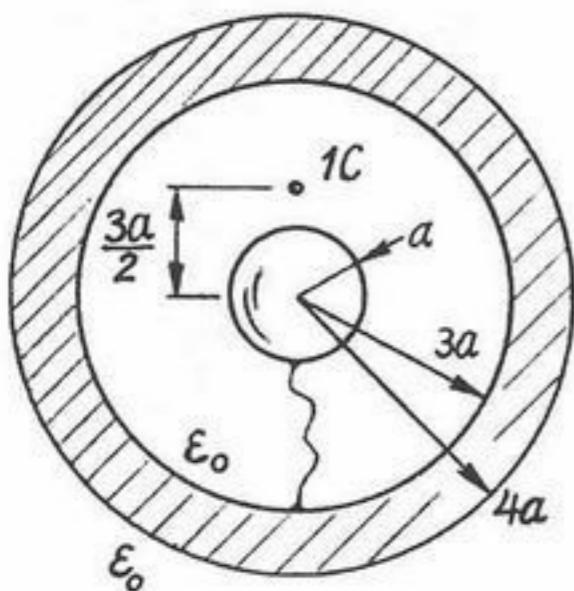
$$\frac{I(a-b)}{2\pi ab} \hat{z} \quad (4)$$

$$\frac{I(a+b)}{2\pi ab} \hat{z} \quad (3)$$

$$\frac{I}{2\pi b} \hat{z} \quad (2)$$

$$^o \quad (1)$$

۸۶- در مجموعه شکل زیر، کره رسانای مرکزی توسط یک سیم بسیار نازک به پوسته رسانای کروی متصل شده است. بار نقطه‌ای $1C$ در فاصله $\frac{3}{2}a$ از کره مرکزی قرار دارد. در عین حال $1C$ بار دیگر به پوسته کروی اعمال می‌شود، پتانسیل کره مرکزی کدام است؟



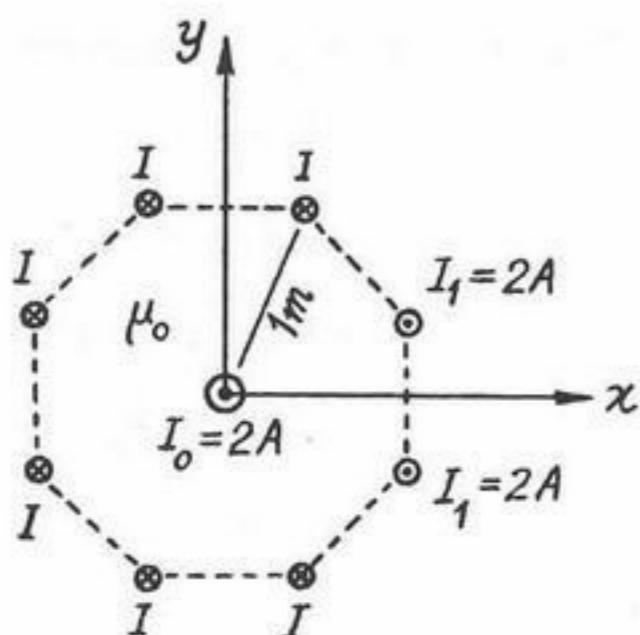
$$\frac{1}{6\pi\epsilon_0 a} \quad (1)$$

$$\frac{1}{8\pi\epsilon_0 a} \quad (2)$$

$$\frac{1}{16\pi\epsilon_0 a} \quad (3)$$

$$\frac{11}{48\pi\epsilon_0 a} \quad (4)$$

۸۷- هشت سیم نازک در روپس یک 8 ضلعی منتظم حول محور z ها و موازی با آن قرار دارند. فاصله سیم‌ها تا محور z نیز $1m$ می‌باشد. مطابق شکل، 6 سیم حامل جریان $1A = I$ در خلاف جهت محور z ها و دو سیم مجاور حامل جریان $I_1 = 2A$ در جهت محور z هستند. یک سیم حامل جریان $I_0 = 2A$ در جهت محور z نیز در مرکز این 8 ضلعی قرار دارد. نیروی وارد شده بر واحد طول سیم مرکزی را حساب کنید.



$$\vec{F} = -\frac{3\mu_0}{\pi} \sqrt{2} \hat{x} \quad (2)$$

$$\vec{F} = \frac{3\mu_0}{\pi} \sqrt{2 + \sqrt{2}} \hat{x} \quad (1)$$

$$\vec{F} = \frac{3\mu_0}{\pi} \sqrt{2} \hat{x} \quad (4)$$

$$\vec{F} = -\frac{3\mu_0}{\pi} \sqrt{2 + \sqrt{2}} \hat{x} \quad (3)$$

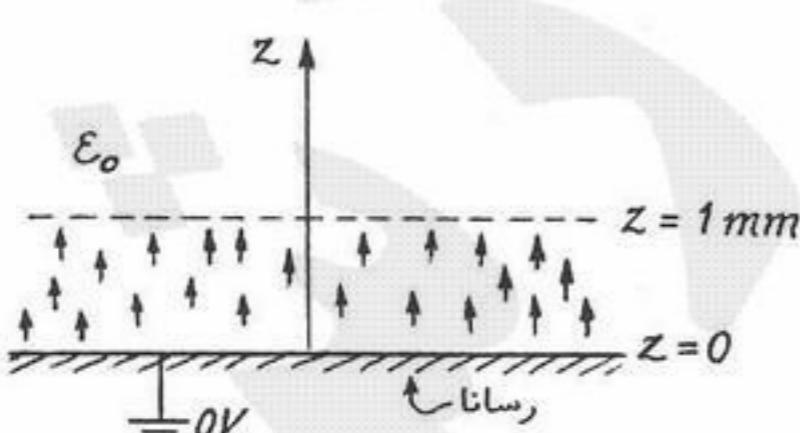
۸۸- در شکل زیر، صفحه $z = 0$ یک صفحه رسانای نامتناهی با پتانسیل الکتریکی صفر ولت است. ناحیه $0 < z \leq 1mm$ فضای خالی است و بخش $1mm \leq z \leq 0$ این ناحیه توسط دوقطبی‌های الکتریکی میکروسکوپی اشغال شده است. گشتاور هر یک از دوقطبی‌های میکروسکوپی $[Cm] = 10^{-18} \times 10^{-12} \times \hat{z}$ است و تعداد آنها در واحد حجم 10^{11} است. پتانسیل الکتریکی ناشی از این دوقطبی‌ها در نقطه $(x, y, z) = (0, 0, 0/5mm)$ چند ولت است؟

$$(\epsilon_0 = \frac{1}{36\pi} \times 10^{-9} \frac{F}{m}) \quad (1)$$

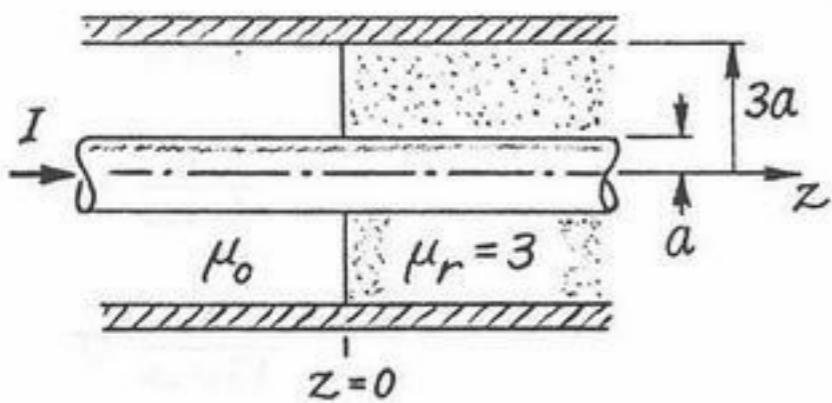
$$18\pi \times 10^{-12} \quad (2)$$

$$18\pi \times 10^{-1} \quad (3)$$

$$36\pi \times 10^{-12} \quad (4)$$



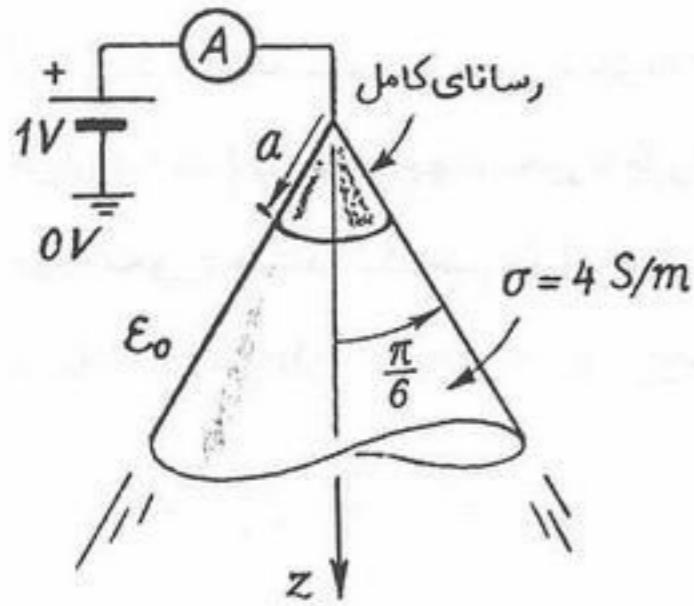
۸۹ - شکل زیر یک کابل هم محور متقارن رانشان می‌دهد که بخش $z > 0$ آن با یک ماده مغناطیسی با $\mu_r = 2$ پوشیده است. اگر جریان عبوری از رسانای مرکزی این کابل $I = 2A$ باشد، کدام گزینه جریان مقید سطحی در فاصله $2a$ از محور سیم، روی فصل مشترک $z = 0$ را نشان می‌دهد؟



- $$-\frac{2}{\pi a} \hat{r} \quad (1)$$
- $$-\frac{1}{\pi a} \hat{r} \quad (2)$$
- $$\frac{2}{\pi a} \hat{\phi} \quad (3)$$
- $$\frac{1}{\pi a} \hat{\phi} \quad (4)$$

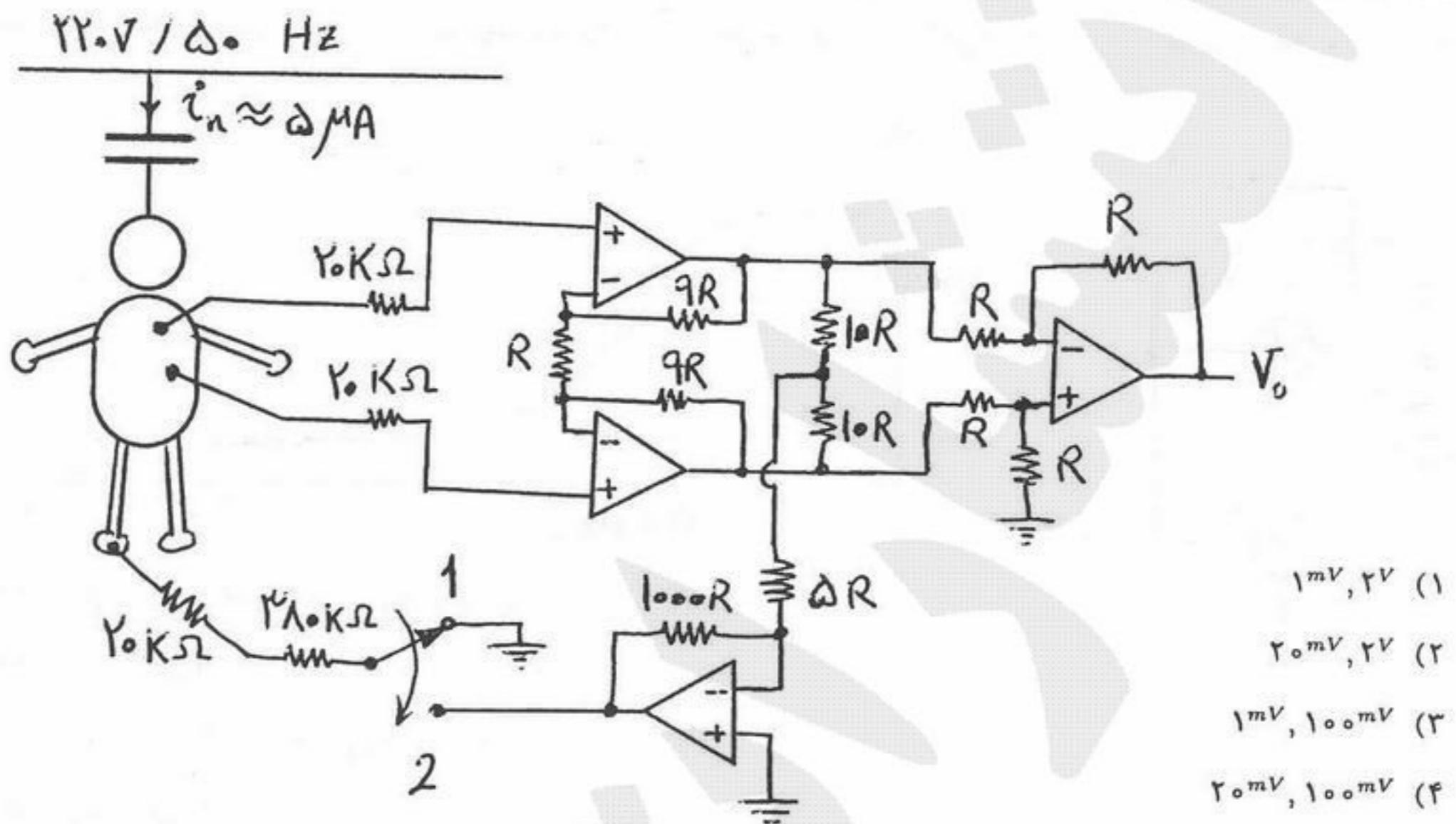
۹۰ - ناحیه $\frac{\pi}{4} \leq \theta \leq \pi$ از دستگاه مختصات کروی را در نظر بگیرید. بخش $a < r$ از این

ناحیه با یک رسانای کامل و بخش $r \geq a$ این ناحیه بامدادهای به رسانایی $\sigma = 4 \frac{S}{m}$ پوشیده است. اگر همانند شکل، رسانای کامل به منبع ولتاژ ایده‌آل ۱ ولت متصل شود، آمپرmetر چه جریانی را نشان خواهد داد؟

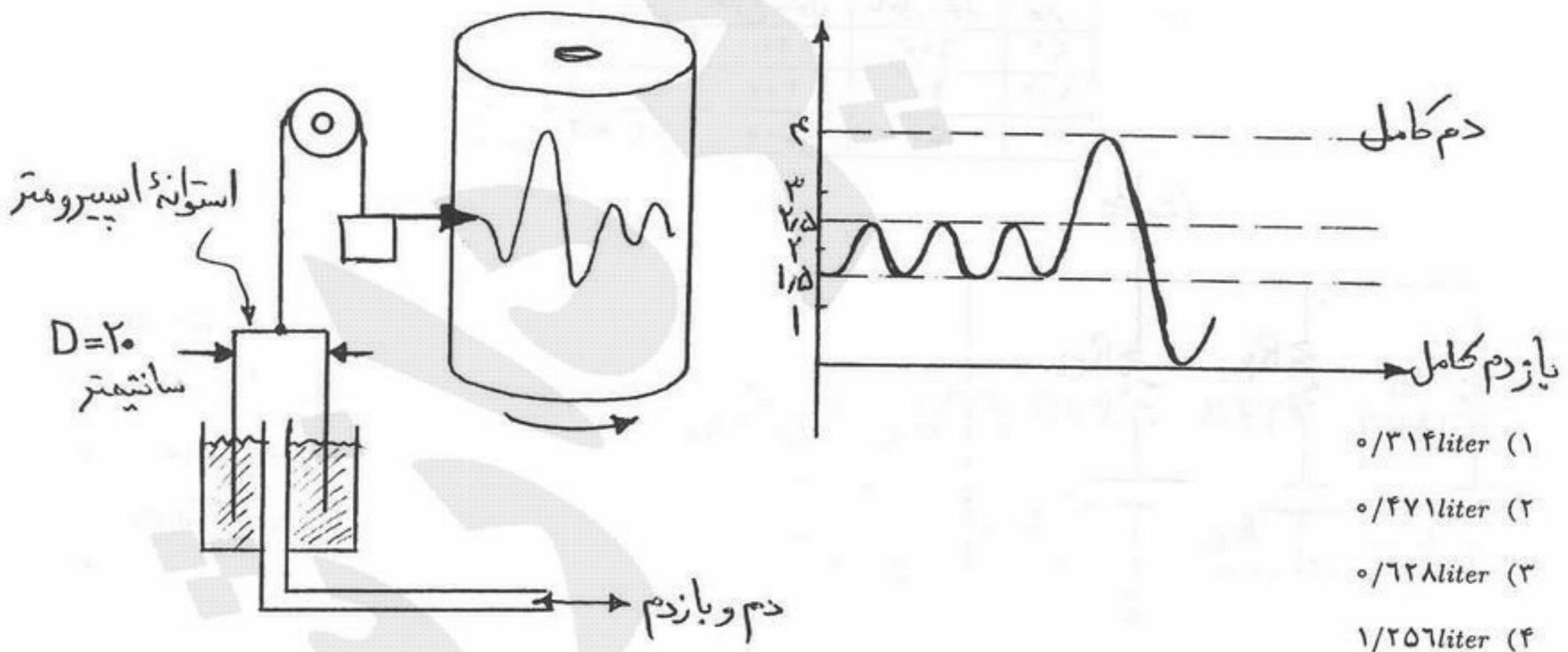


- $$\frac{\pi}{a}(2 - \sqrt{3}) \quad (1)$$
- $$\pi(2 - \sqrt{3})a \quad (2)$$
- $$4\pi(2 - \sqrt{3})a \quad (3)$$
- $$\frac{4\pi}{a}(2 - \sqrt{3}) \quad (4)$$

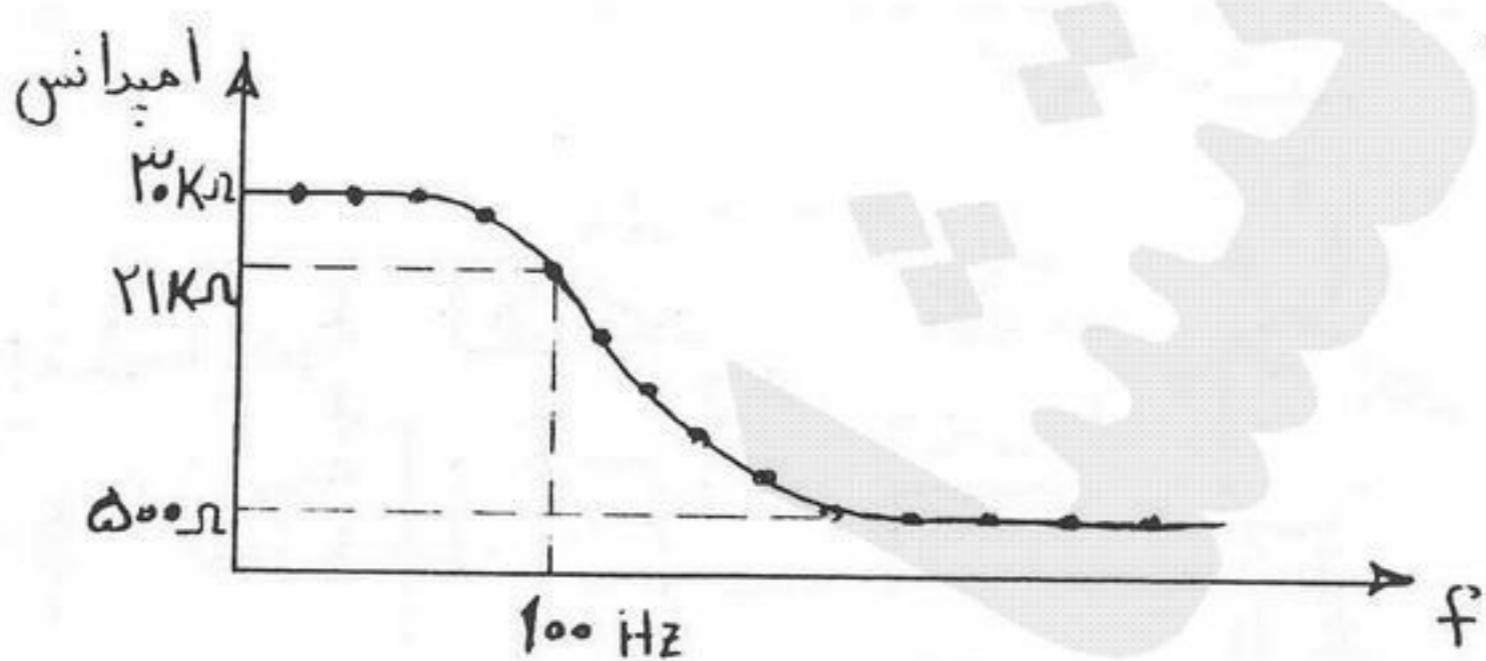
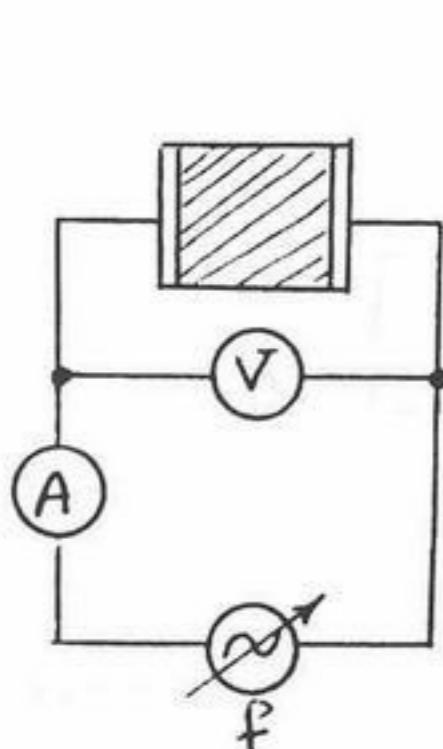
- ۹۱ - در شکل مقابل مقاومت ورودی تقویت کننده بسیار زیاد بوده و امپدانس الکتروودها $20K\Omega$ است. ولتاژ نویز مود مشترک تقویت کننده ناشی از الکتروودها $i_n \approx 0.1\text{mA}$ است. برق شهر در دو وضعیت کلید (۱، ۲) به ترتیب برابر کدام است؟



- ۹۲ - اگر قطر استوانه اسپیرومتر شکل زیر ۲۰ سانتی‌متر باشد با توجه به شکل و منحنی اسپیرومتری به دست آمده ظرفیت حیاتی (Vital Capacity) چقدر است؟



۹۳ - برای بدست آوردن مدار معادل الکتریکی یک نوع الکترود $A_gCl - A_g$ یک جفت از آنها را با استفاده از ژل به یکدیگر وصل کرده و به کمک یک منبع ولتاژ متناوب با فرکانس قابل تغییر آنها را تحریک کردیم. با اندازه‌گیری ولتاژ و جریان، امپدانس بین دو الکترود در فرکانس‌های مختلف حاصل و در شکل زیر نشان داده شده است. مقاومت سری (R_s)، مقاومت موازی (R_p) و خازن (C) مدار معادل این الکترود به ترتیب عبارتند از:



$$C = 0/1 \mu F, R_p = 14/75 k\Omega, R_s = 250 \Omega \quad (1)$$

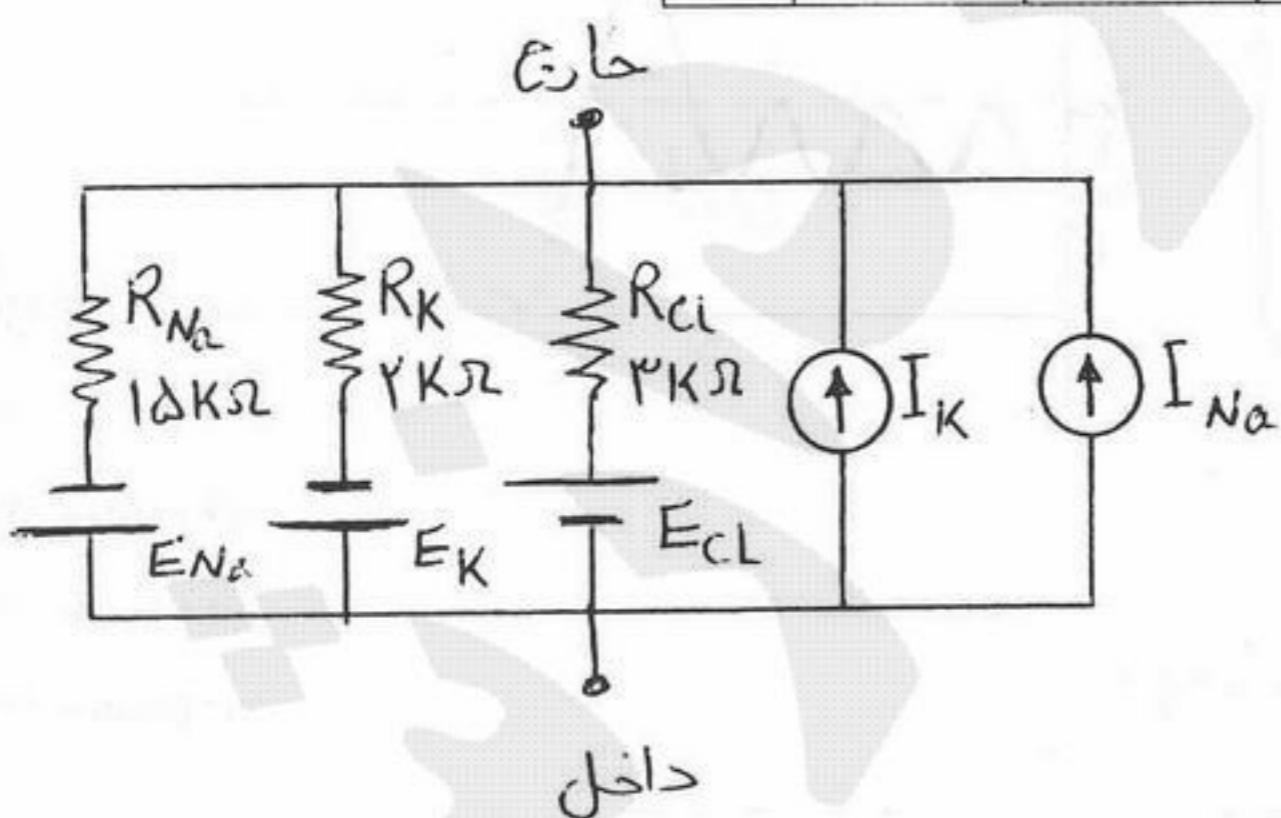
$$C = 27 nF, R_p = 14/75 k\Omega, R_s = 250 \Omega \quad (2)$$

$$C = 0/1 \mu F, R_p = 29/5 k\Omega, R_s = 500 \Omega \quad (3)$$

$$C = 27 nF, R_p = 29/5 k\Omega, R_s = 500 \Omega \quad (4)$$

۹۴ - شکل و جدول زیر مدار معادل و غلظت‌ها و نفوذپذیری نسبی یون‌های نفوذپذیر غشاً یک سلول را نشان می‌دهند. اگر غشاً مذکور تنها دارای پمپهای فعال برای Na^+ و K^+ باشد، اندازه جریان پمپ K^+ چقدر است؟

یون	داخل سلول	خارج سلول	نفوذپذیری نسبی
K^+	۶۰۰	۲۰	۱
Na^+	۴۰	۴۰۰	۰/۱
Cl^-	۵۰	۵۰۰	۰/۲



$$I_k = \frac{kT}{q} \ln(1/72) \quad (1)$$

$$I_K = \frac{kT}{q} \ln(1/57) \quad (2)$$

$$I_K = \frac{kT}{q} \ln(7/53) \quad (3)$$

$$I_K = \frac{kT}{q} \ln(10) \quad (4)$$

۹۵ - ولتاژ لید II بر حسب ولتاژ لیدهای aV_L و aV_F عبارتست از:

$$\frac{2aV_L + 5aV_F}{3} \quad (1)$$

$$\frac{2aV_L + 4aV_F}{3} \quad (2)$$

$$\frac{aV_L + 2aV_F}{3} \quad (3)$$

۹۶ - حداقل مقاومت ورودی یک آمپلی فایر برای تقویت صدای کروتوکف ($20 - 300 \text{ Hz}$) که توسط یک سنسور پیزوالکتریک با اظرفیت خازنی معادل 500 pF و مقاومت نشتی $20 \text{ G}\Omega$ دریافت می‌شود چقدر باید باشد؟

$$R_a > 1/6 \times 10^8 \quad (1)$$

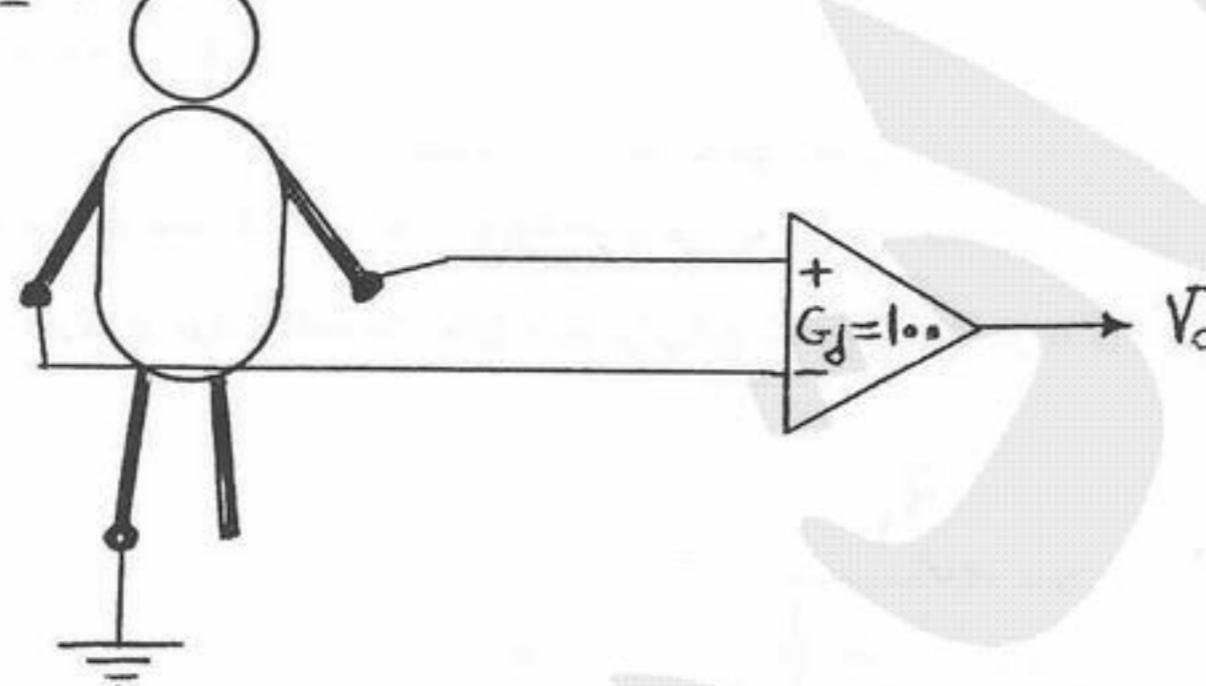
$$R_a > 1/6 \times 10^7 \quad (2)$$

$$R_a > 1/6 \times 10^6 \quad (3)$$

$$R_a > 1/6 \times 10^5 \quad (4)$$

۹۷ - در شکل زیر اگر $I_d = 1 \mu\text{A}$ و مقاومت اتصال الکترودها به پوست $20 \text{ k}\Omega$ باشد مقدار $CMRR$ تقویت کننده حداقل باید چقدر باشد تا دامنه نویز 50 Hz خروجی کمتر از 2 mV شود؟

جریان حابهای ناشی از سیمهای برق



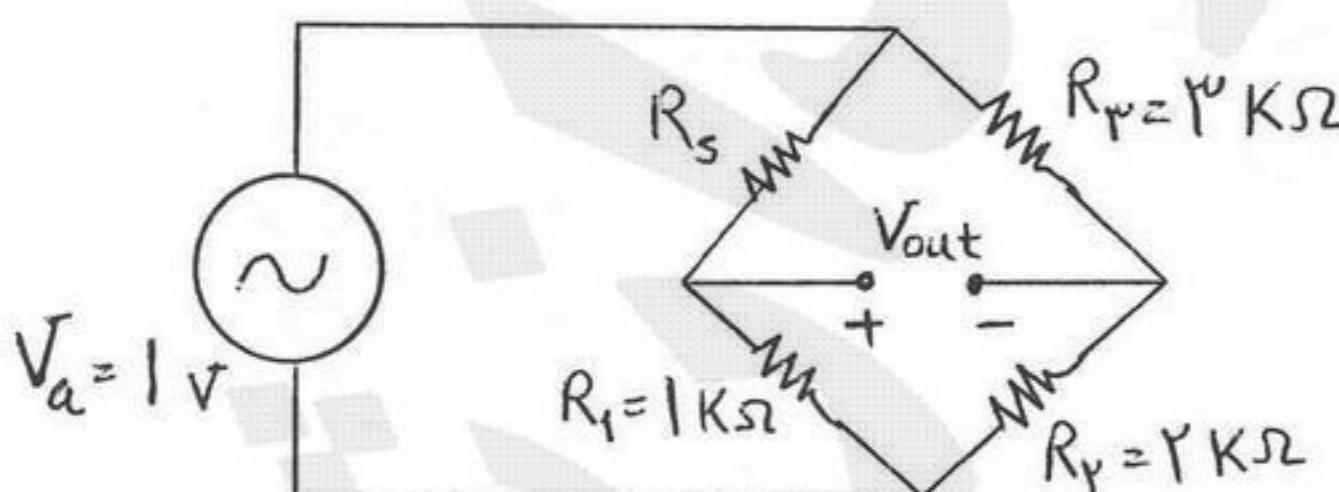
$$120 \text{ dB} \quad (1)$$

$$100 \text{ dB} \quad (2)$$

$$60 \text{ dB} \quad (3)$$

$$50 \text{ dB} \quad (4)$$

۹۸ - یک استرین گیج سیمی با گیج فاکتور $G = 4$ و طول اولیه $8/0$ سانتی‌متر و مقاومت اولیه $2 \text{ k}\Omega$ در پل و تستون زیر به کار گرفته شده است. اگر تغییر طول استرین گیج در اثر کشش $\Delta L = 0/04 \text{ cm}$ باشد ولتاژ خروجی V_{out} کدام گزینه خواهد بود؟



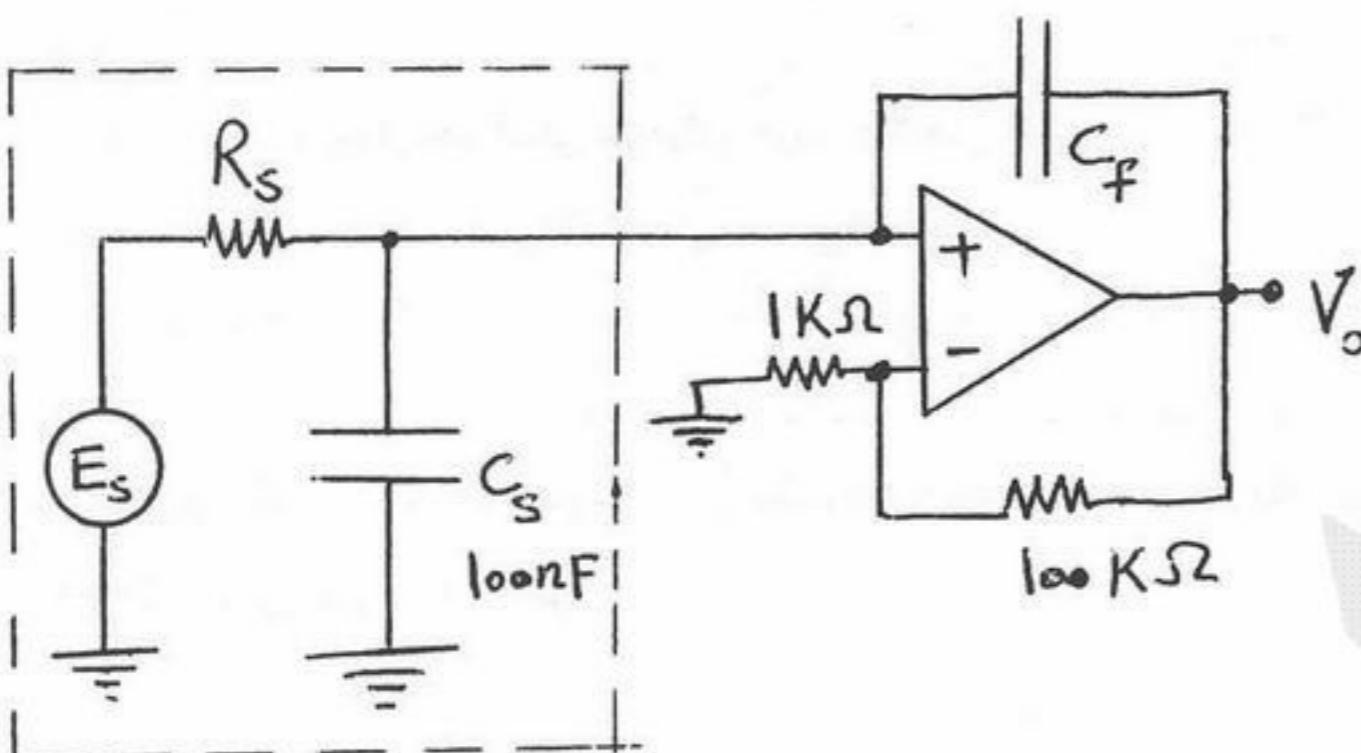
$$-0/22V \quad (1)$$

$$-0/077V \quad (2)$$

$$-0/52V \quad (3)$$

$$-0/106V \quad (4)$$

۹۹- شکل زیر مدار معادل یک میکروالکترود شیشه‌ای را متصل به یک مدار تقویت کننده نشان می‌دهد. مقدار مناسب R_C چقدر است؟



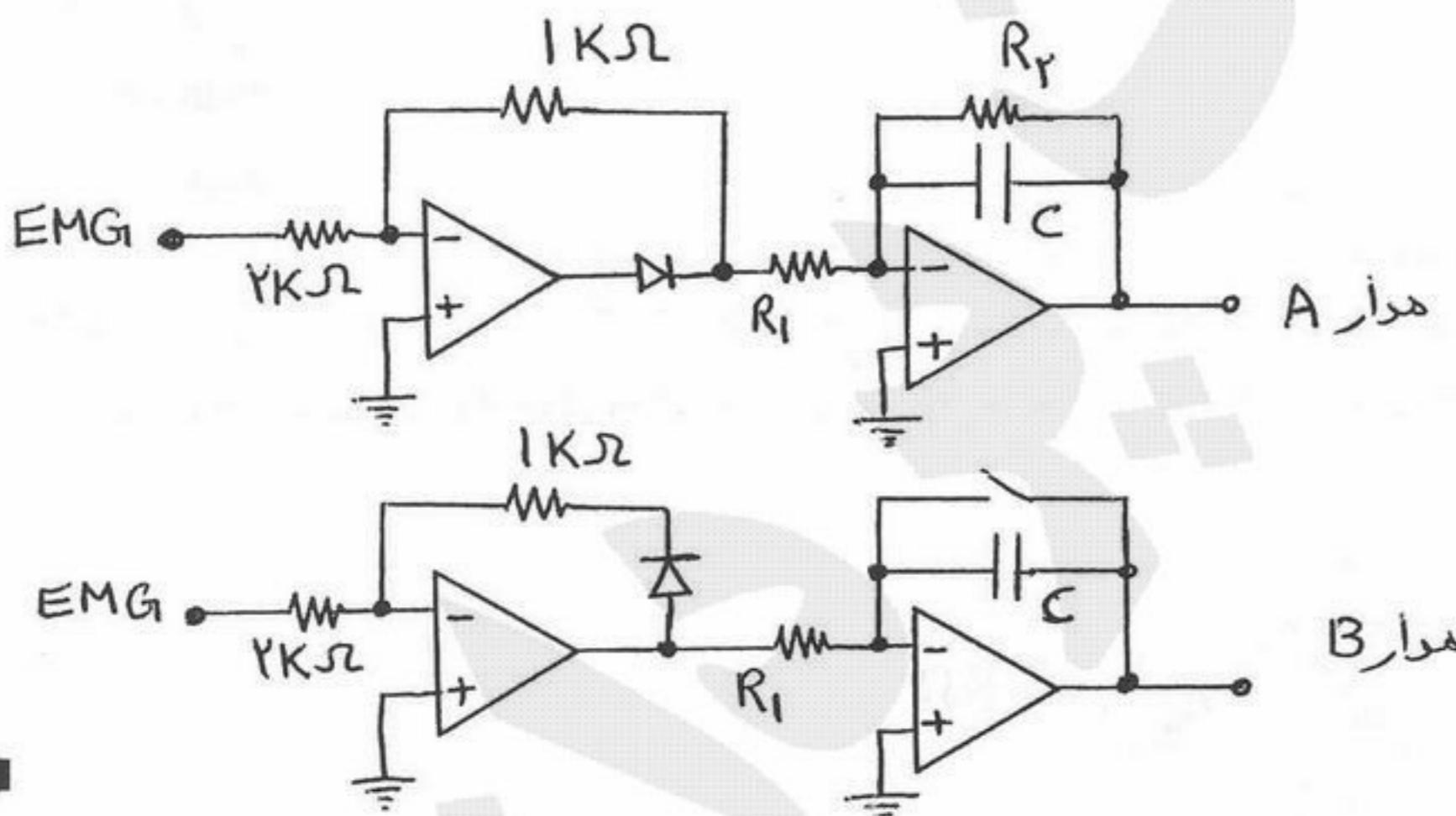
$$C_f = \circ / \backslash nf \quad (1)$$

$$C_f = \ln f \quad (\text{r})$$

$$C_f = \mathbb{1} \circ nf \quad (\text{True})$$

$$C_f = 100nf \quad (\text{F})$$

۱۰۰- گاهی برای نظارت بر فعالیت عضلات ورزشکاران حین تمرینات ورزشی *EMG* عضله مورد نظر ثبت شده و متوسط لحظه‌ای قدر مطلق دامنه آن اندازه‌گیری می‌شود. کدام‌یک از مدارات زیر برای این کار مناسب است و مقدار مناسب مقاومت R_1 چقدر است؟



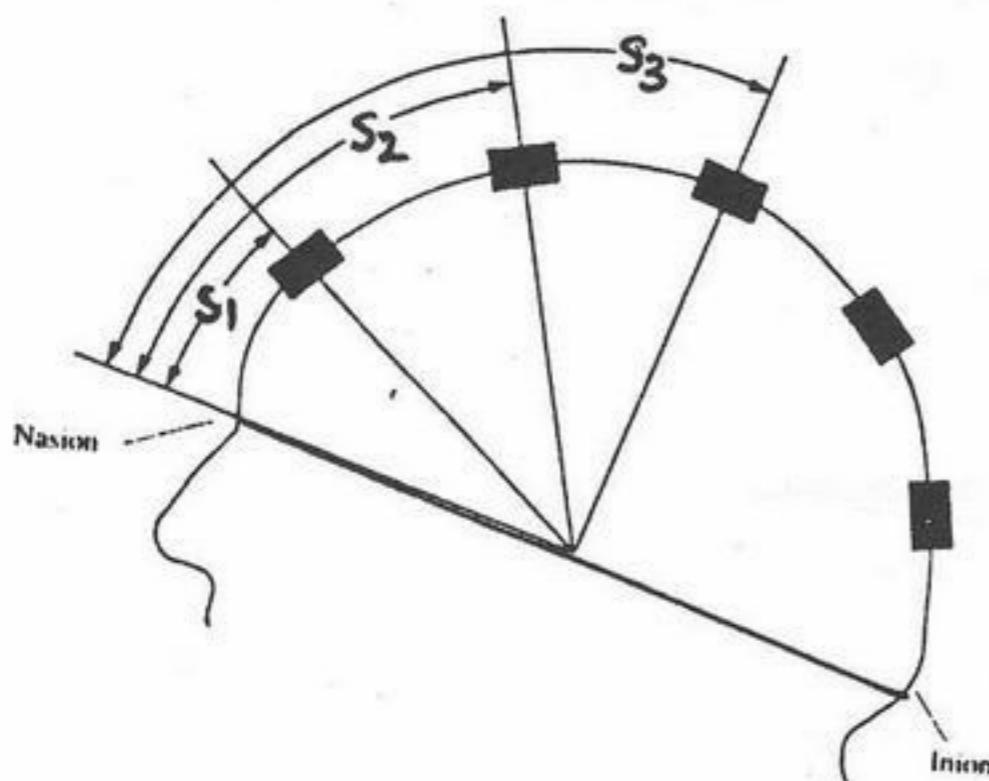
$$R_1 = 3k\Omega \quad \text{مدار} \quad (1)$$

$$R_1 = 4k\Omega \parallel A_{دار} \quad (2)$$

$$R_1 = \frac{V}{k\Omega} \quad \text{مدار ۱} \quad (۳)$$

$$R_1 = 4k\Omega \parallel B_{دار} (4)$$

۱۰۱ - جهت ثبت سیگنال EEG الکتروودها را بر اساس استاندارد ۲۰-۱۰ بر روی سر یک بیمار مطابق شکل قرار داده‌ایم. اگر شعاع تقریبی جمجمه این بیمار ۱۰ cm باشد فاصله‌های قوسی s_1 و s_2 و s_3 را حساب کنید.



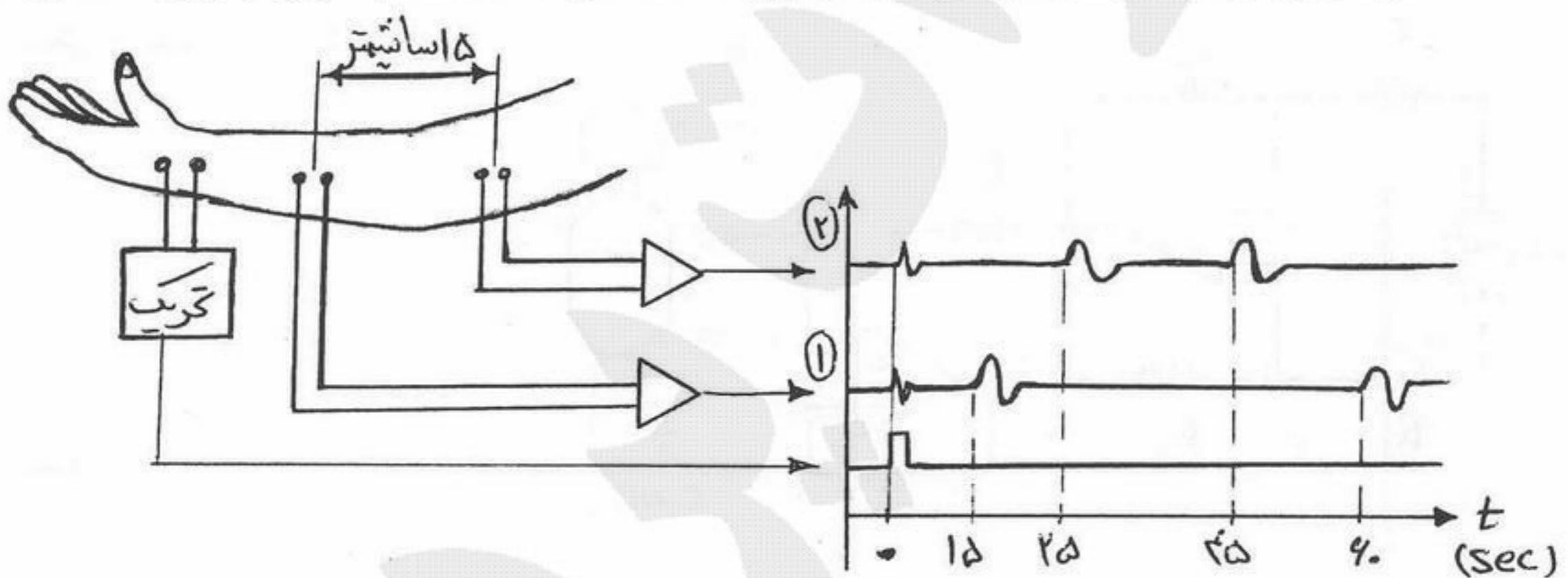
$$S_1 = 3/14 \text{ cm} \quad S_2 = 7/28 \text{ cm} \quad S_3 = 6/28 \text{ cm} \quad (1)$$

$$S_1 = 5 \text{ cm} \quad S_2 = 10 \text{ cm} \quad S_3 = 20 \text{ cm} \quad (2)$$

$$S_1 = 5 \text{ cm} \quad S_2 = 5 \text{ cm} \quad S_3 = 5 \text{ cm} \quad (3)$$

$$S_1 = 3/14 \text{ cm} \quad S_2 = 9/42 \text{ cm} \quad S_3 = 15/70 \text{ cm} \quad (4)$$

۱۰۲ - در شکل زیر با توجه به محل تحریک و محل‌های ثبت و نتایج به دست آمده سرعت هدایت اعصاب حسی و حرکتی را به دست آورید:



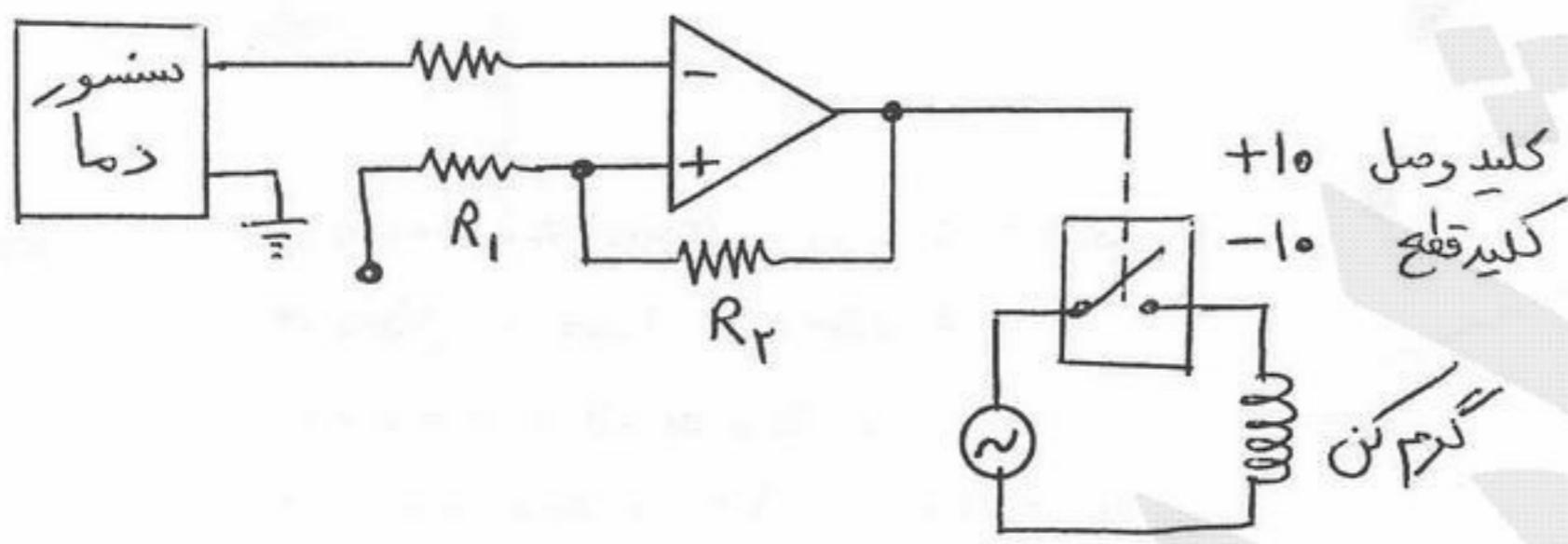
$$(1) \text{ سرعت اعصاب حسی} = \frac{1 \text{ cm}}{1/5 \text{ sec}} = 5 \text{ cm/sec}$$

$$(2) \text{ سرعت اعصاب حسی} = \frac{1 \text{ cm}}{1/5 \text{ sec}} = 5 \text{ cm/sec}$$

$$(3) \text{ سرعت اعصاب حسی} = \frac{15 \text{ cm}}{20 \text{ sec}} = \frac{1}{3} \text{ cm/sec}$$

$$(4) \text{ سرعت اعصاب حسی} = \frac{15 \text{ cm}}{20 \text{ sec}} = 0.75 \text{ cm/sec}$$

۱۰۳ - خروجی یک سنسور اندازه‌گیری خطی دما در نقطه کار $37^\circ C$ برابر $5V$ و حساسیت مبدل $\frac{V}{C} = 2$ است. مدار شکل زیر را برای کنترل دمای یک انکوباتور نوزاد به صورت قطع و وصل طراحی کرده‌ایم. اگر نوسانات دما در حد $1^\circ \pm$ قابل قبول باشد و تأخیر سیستم را نادیده بگیریم مقدار مناسب $\frac{R_2}{R_1}$ چقدر است؟ (ولتاژ اشباع $OP-AMP$ را $10 \pm$ ولت فرض کنید.)

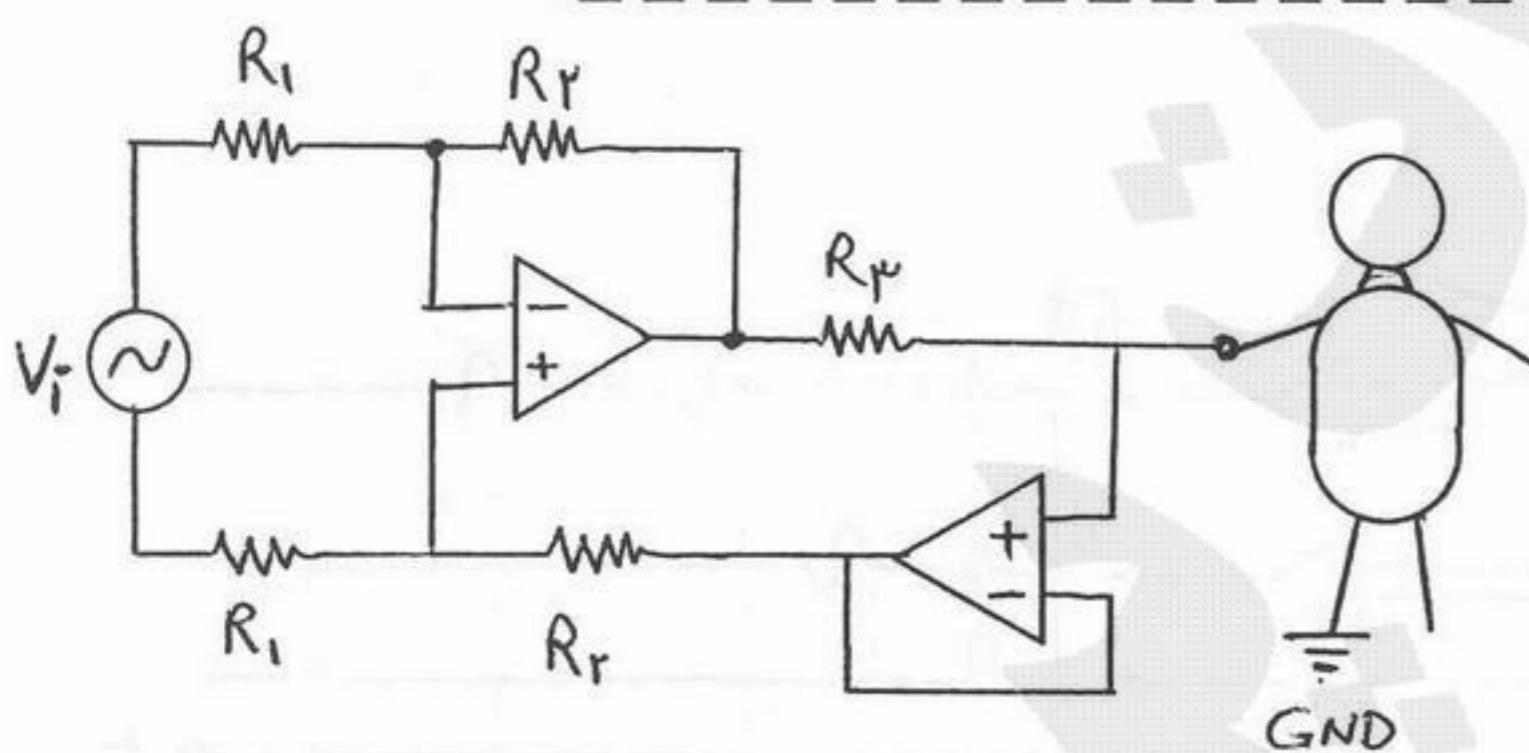


$$\frac{R_2}{R_1} = 10 \quad (1)$$

$$\frac{R_2}{R_1} = 9 \quad (2)$$

$$\frac{R_2}{R_1} = 5 \quad (3)$$

$$\frac{R_2}{R_1} = 4 \quad (4)$$



۱۰۴ - نقش مدار شکل زیر چیست؟

۱) امپدانس اتصال الکترود متصل به دست را اندازه می‌گیرد.

۲) روشی برای حذف سیگنال مدمشترک است که ولتاژ مدمشترک را از روی بدن بیمار گرفته و با تغییر پتانسیل مرجع اندازه‌گیری آن را جبران می‌کند.

۳) یک مبدل ولتاژ به جریان است که جریانی را به بدن بیمار تزریق می‌کند.

۴) یک سیگنال تحریک ولتاژی را به بدن بیمار اعمال می‌کند.

۱۰۵ - از یک باتری لیتیوم به ظرفیت 6480 ژول برای راهاندازی یک پیس میکر قلبی استفاده شده است. پیس میکر جهت تحریک عضله قلبی پالس‌های مربعی شکل به پهنهای $5/5$ میلی ثانیه و دامنه 2 ولت تولید می‌کند. اگر امپدانس اتصال الکترود با بافت عضله قلبی 200 اهم و نرخ ضربان قلب 70 ضربه در دقیقه در نظر گرفته شود و از جریان درین صرفنظر شود عمر باتری کدام گزینه خواهد بود؟

(۱) $22/5$ سال

(۲) $12/5$ سال

(۳) $17/6$ سال

(۴) $7/3$ سال