

با سمه تعالی

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته‌ی : علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تعداد صفحه : ۲	تاریخ امتحان : ۱۱ / ۳ / ۱۴۹۲	سال سوم آموزش متوسطه	
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور (خرداد ماه) سال ۱۴۹۲			مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	سؤالات	نمره
۱	یک تاس و یک سکه را با هم پرتاب می‌کنیم. الف) فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی را بنویسید. ب) پیشامد آن که سکه « رو » یا تاس ۵ بباید را مشخص کنید.	۱/۵
۲	می خواهیم از بین ۵ مرد و ۳ زن یک کمیته‌ی ۳ نفری انتخاب کنیم. مطلوب است محاسبه‌ی احتمال آن که: الف) حد اکثر یک مرد انتخاب شود. ب) هرسه مرد باشند.	۱/۵
۳	احتمال قبولی علی و محمد در المپیاد زیست‌شناسی به ترتیب برابر ۸۰٪ و ۶۰٪ است. احتمال هریک از پیشامد‌های زیر را به دست آورید. الف) هردوی آن‌ها در المپیاد قبول شوند. ب) حداقل یکی از آن‌ها در المپیاد قبول شود.	۱
۴	نامعادله‌ی $\frac{x+2}{2x-1} \leq \frac{1}{x-2}$ را حل کنید و مجموعه‌ی جواب را به صورت بازه نشان دهید.	۱/۵
۵	اگر $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و α زاویه‌ای منفرجه باشد، حاصل $\tan 2\alpha$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۶	تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 & x < 0 \\ x - 1 & x \geq 0 \end{cases}$ داده شده است. الف) نمودار تابع f رارسم کنید. ب) حاصل $(f(-1))f(1)$ را به دست آورید.	۱
۷	دامنه‌ی تابع زیر را به دست آورید. $y = \frac{x+5}{x^2 - 4x + 4}$	۰/۵
۸	در تابع $y = ax^2 + bx - 2$ مقادیر a و b را طوری بباید که نمودار تابع از نقطه‌ی $(-1, 2)$ بگذرد و محور x را در نقطه‌ای به طول ۱ قطع کند.	۱
	« ادامه در صفحه‌ی دوم »	

باسمه تعالی

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته‌ی : علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تعداد صفحه : ۲	تاریخ امتحان : ۱۱ / ۳ / ۱۳۹۲	سال سوم آموزش متوسطه	
دانشآموزان روزانه ، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور (خرداد ماه) سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات	نمره
۹	<p>تابع f و g با ضابطه های $f(x) = 2x - 4$ و $g(x) = \sqrt{x-6}$ داده شده اند.</p> <p>الف) ضابطه‌ی تابع gof را بنویسید.</p> <p>ب) دامنه‌ی تابع gof را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p>	۱/۷۵
۱۰	اگر به ازای هر x داشته باشیم $g(x) \leq 2\cos x$ را در $x = 0^\circ$ تعیین کنید.	۰/۷۵
۱۱	<p>حاصل هر یک از حد های زیر را حساب کنید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x-2}}{x^2 - 16}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x)\tan(3x)}{x^2}$</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 + 1}{3-x}$</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + \sqrt{6x+2}}{4x^2 + 5x}$</p>	۳
۱۲	<p>مقدار a را طوری تعیین کنید که تابع $f(x) = \begin{cases} -4x+a & x > -1 \\ -6x & x = -1 \\ x^2 - 5x & x < -1 \end{cases}$ پیوسته باشد.</p>	۱/۲۵
۱۳	<p>مشتق تابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)</p> <p>(الف) $f(x) = (3x^4 - 2x + 1)(x^3 + x)$</p> <p>(ب) $g(x) = \frac{\sqrt{x^3 + 1}}{4x - 5}$</p> <p>(ج) $h(x) = \cot(\Delta x) + \cos^3(x)$</p>	۲/۵
۱۴	آهنگ متوسط تغییر تابع $f(x) = \sqrt{x+1}$ وقتی متغیر از $x_1 = 3$ به $x_2 = 8$ تغییر می کند را بیابید.	۱
۱۵	شیب خط مماس بر نمودار تابع $y = x^2 - x$ را در نقطه‌ی $x = 5$ به دست آورید.	۰/۵
	جمع نمره	۲۰
	«موفق باشید»	