

سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۳/۲/۲۹	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۳	مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		

ردیف	سؤالات	نمره
------	--------	------

۱	با استفاده از اصل استقرای ریاضی برای هر عدد طبیعی $n > 6$ ، ثابت کنید: $n! > 3^n$	۱/۷۵
۲	با استفاده از استدلال استنتاجی نشان دهید مجموع مربعات هر دو عدد فرد همواره عددی زوج است.	۱
۳	یک مدرسه حداقل چه تعداد دانش آموز باید داشته باشد تا دست کم ۱۳ دانش آموز در یک ماه از سال متولد شده باشند.	۰/۷۵
۴	اگر $a, b$ دو عدد حقیقی مثبت باشند، با استفاده از اثبات بازگشتی ثابت کنید: $ab \leq \left(\frac{a+b}{2}\right)^2$	۱/۲۵
۵	کدام یک از احکام زیر درست و کدام یک نادرست است؟ برای احکام نادرست مثال نقض بیاورید. الف) برای هر دو مجموعه دلخواه $A, B$ داریم: $A \times B = B \times A$ ب) اگر $n^2$ مضرب ۳ باشد آنگاه $n$ نیز مضرب ۳ است.	۰/۷۵
۶	مجموعه های $A = \{x \mid x \in \mathbb{Z}, x^2 < 1\}$ و $B = \{\frac{1-x}{2} \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 2\}$ مفروضند: الف) مجموعه های $A, B$ را با نوشتن اعضا مشخص کنید. ب) اعضای مجموعه $A \Delta B$ را مشخص کنید.	۱/۲۵
۷	با استفاده از قوانین جبر مجموعه ها، ثابت کنید اگر $A \cup B = A \cap B$ آنگاه $A = B$	۱
۸	اگر $A = (-\infty, -1]$ و $B = [-2, 3]$ باشد، نمودار حاصل ضرب دکارتی $B \times A$ را رسم کنید.	۰/۷۵
۹	رابطه ی $R$ روی $\mathbb{Z}$ به صورت ذیل تعریف شده است: $x R y \Leftrightarrow 4 \mid x - y$ الف) نشان دهید که $R$ یک رابطه هم ارزی است. ب) رابطه ی $R$ مجموعه $\mathbb{Z}$ را به چند کلاس هم ارزی افراز می کند؟	۱/۵
۱۰	اگر رابطه ی $R$ بر روی $A = \{1, 2, 3, 4\}$ به صورت زیر تعریف شده باشد: $x R y \Leftrightarrow -10 \leq x + 5y \leq 10$ رابطه ی $R$ را به صورت زوج های مرتب مشخص کنید.	۱

سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۳/۲/۲۹	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۳	مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		

ردیف	سؤالات	نمره
	« ادامه ی سؤالات در صفحه ی دوم »	
۱۱	در خانواده ای با سه فرزند: الف) فضای نمونه را بنویسید. ب) پیشامد A که در آن خانواده حداکثر یک فرزند دختر باشد. پ) پیشامد B که در آن خانواده فقط یک دختر باشد. ت) پیشامد $A' \cup B'$ را مشخص کنید.	۲
۱۲	از کیسه ای که شامل ۳ مهره آبی و ۴ مهره قرمز و یک مهره سفید است، ۲ مهره با هم به تصادف بیرون می آوریم احتمال آنکه مهره ها همرنگ باشند چقدر است؟	۱/۵
۱۳	تاس سالمی را ۸ بار پرتاب می کنیم، احتمال آنکه حداقل ۶ بار عددی اول ظاهر شود چقدر است؟	۰/۷۵
۱۴	اگر $S = \{a, b, c, d\}$ فضای نمونه ای یک تجربه ی تصادفی و $p(b) = \frac{1}{3}$ ، $p(\{b, d\}) = \frac{1}{4}$ و $p(\{b, c\}) = \frac{2}{3}$ باشد آنگاه $p(a)$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۵	دو عدد حقیقی به تصادف بین ۰ و ۲ انتخاب می کنیم، احتمال آنکه $ x - y  < 1$ را محاسبه کنید.	۲
۱۶	عددی به تصادف از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 1000\}$ انتخاب می کنیم، احتمال این که عدد انتخابی بر ۴ بخش پذیر باشد، اما بر ۷ بخش پذیر نباشد، چقدر است؟	۱/۵
	« موفق باشید »	جمع نمره ۲۰