

## تحلیل حجم کنترل :

تعداد بسیاری از فرآیندهای مهندسی شامل ورود و خروج جرم از سیستم بوده و بنابراین به صورت حجم کنترل مدل می‌شوند. آبگرمکن، رادیاتور اتومبیل، توربین و کمپرسور همگی دارای انتقال جرم بوده و به جای تحلیل براساس جرم کنترل (سیستم‌های بسته) باید به صورت حجم کنترل (سیستم‌های باز) تحلیل شوند. عموماً، هر ناحیه‌ی دلخواهی از فضا را می‌توان به عنوان حجم کنترل انتخاب نمود. هیچ قانون مشخصی برای انتخاب حجم کنترل وجود ندارد، اما انتخاب مناسب حجم کنترل تحلیل را به مقدار بسیار زیادی ساده می‌نماید. به عنوان مثال اگر خواسته باشیم جریان‌ها از یک نازل را تحلیل نماییم، انتخاب فضای درون نازل به عنوان حجم کنترل، انتخاب خوبی خواهد بود.

مرزهای حجم کنترل را، سطح کنترل می‌نامند. سطوح کنترل می‌توانند فرضی یا حقیقی باشند. در نازل، سطوح داخلی دیواره‌ی نازل، قسمت‌های حقیقی سطح کنترل را تشکیل داده و سطوح ورودی و خروجی، قسمت فرضی سطح کنترل (اگرچه سطح حقیقی‌ای در دو انتهای وجود ندارد) می‌باشد.

یک حجم کنترل مانند حالت مربوط به نازل می‌تواند از نظر شکل و اندازه ثابت باشد و یا دارای مرز متحرک باشد. با این وجود غالب حجم‌های کنترل، دارای حجمی ثابت بوده و بنابراین کار جداره در این سیستم‌ها صفر است. یک سیستم باز، مثل سیستم‌های بسته می‌تواند شامل تقاضای بین گرما و کار باشد. علاوه بر فعل و انفعال بین گرما و کار در این گونه سیستم‌ها دخول و خروج جرمی نیز می‌تواند وجود داشته باشد.

کلمات دائم و یکنواخت بطور وسیعی در این فصل مورد استفاده قرار می‌گیرند. بنابراین داشتن در ک صلح و روشنی از مفاهیم آنها بسیار مهم است. کلمه‌ی دائم ثابت بودن با زمان را در ذهن تداعی می‌کند، متضاد حالت دائم حالت غیر دائم یا حالت گذرا می‌باشد. با وجود این، واژه یکنواخت، به معنی ثابت بودن در طول ناحیه‌ای خاص می‌باشد.

## اصل بقای جرم :

بقای جرم یکی از پایه‌ای ترین اصول در طبیعت می‌باشد. حتی معادلات شیمیایی بر پایه اصل بقای جرم موازن می‌شوند. همانند انرژی، جرم یک خاصیت ماندگار بوده و قابل تولید شدن و یا از بین رفتن نمی‌باشد.

که در این رابطه  $C$  سرعت نور می‌باشد. این معادله بیان می‌دارد که جرم یک سیستم با تغییر کردن مقدار انرژی آن تغییر می‌کند.

برای سیستم‌های بسته همواره اصل بقای انرژی با این فرض که جرم یک سیستم بسته در طی یک فرآیند ثابت است، به طور ضمنی مورد استفاده قرار گرفته است. با این وجود برای حجم‌های کنترل جرم می‌تواند از مرز سیستم عبور نماید، بنابراین به مقدار جرم وارد شده و یا خارج شده از سیستم باید توجه نماییم.

اصل بقای جرم برای یک حجم معیار (CV) در طی یک فرآیند به صورت زیر بیان می‌شود:

$$(\text{تغییرات خالص جرم در } CV) = (\text{کل جرم خروجی از } CV) - (\text{کل جرم ورودی به } CV)$$



FIGURE 5-5

Conservation of mass principle for an ordinary bathtub.

## دبی جرمی و دبی حجمی :

مقدار جرم عبوری از یک سطح مقطع در واحد زمان، نرخ جریان جرمی و یادبی جرمی نامیده می‌شود و با  $m^0$  نشان داده می‌شود . مانند قبل، نقطه‌ی بالای حرف  $m$  سمبولی برای نشان دادن مقدار جرم در واحد زمان می‌باشد .

یک مایع یا گاز که از طریق لوله‌ها یا کانال‌هایی به داخل یا خارج حجم کنترل جریان می‌یابد را در نظر بگیرید . دبی سیالی که از یک لوله یا یک کانال می‌گذرد متناسب است با سطح مقطع لوله یا کانال، چگالی  $\rho$  و سرعت  $V$  سیال . دبی جرمی از یک سطح کوچک دیفرانسیلی  $dA$  به صورت زیر قابل بیان است .

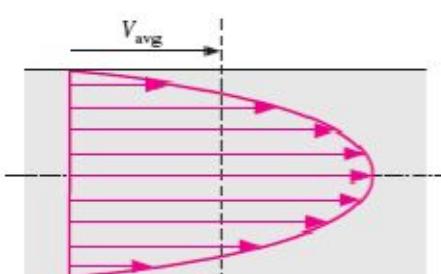
$$dm = \rho V_n dA$$

که در این رابطه  $V_n$  مؤلفه‌ی سرعت قائم بر سطح  $dA$  می‌باشد . دبی جرمی از کل سطح مقطع لوله، با انتگرال گیری از رابطه‌ی فوق بدست می‌آید .

$$\dot{m} = \int_A \rho V_n dA \quad (\text{kg/s})$$

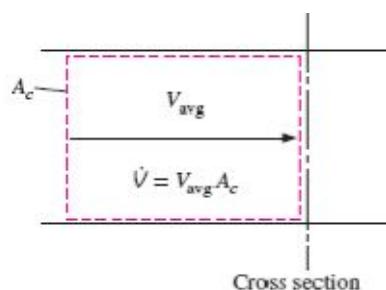
در بسیاری از کاربردهای مهندسی، جریان سیال از یک کانال را می‌توان جریان یک بعدی فرض نمود . یعنی، می‌توان فرض کرد که خواص در تنها یک جهت (در جهت جریان) تغییر می‌کنند . در نتیجه، همه‌ی خواص در هر سطح مقطعی عمود بر جهت جریان یکنواخت بوده وفرض می‌شود که خواص در کل سطح مقطع دارای مقدار متوسط بالک باشند . اما ممکن است که مقادیر خواص در یک سطح مقطع با زمان تغییر نمایند .

فرض جریان یک بعدی بر غالب خواص یک سیال مثل دما، فشار و چگالی که در یک لوله و یا یک کانال جریان دارد تأثیر کمی داشته و این خواص در طول سطح مقطع ثابت باقی می‌مانند . اما این حلت در مورد سرعت که مقدار آن به خاطر اثرات و یکسوزی (اصطکاک بین لایه‌های سیال) از صفر در مجاورت دیواره لوله تا یک مقدار ماکزیمم در مرکز لوله تغییر می‌کند صادق نیست . با فرض جریان یک بعدی، سرعت در کل سطح مقطع را می‌توان یک مقدار متوسط معادل ثابت فرض نمود .



**FIGURE 5-3**

The average velocity  $V_{\text{avg}}$  is defined as the average speed through a cross section.



**FIGURE 5-4**

The volume flow rate is the volume of fluid flowing through a cross section per unit time.

پس از انتگرال گیری برای جریان یک بعدی داریم :

$$\dot{m} = \rho V_{\text{ave}} A \quad (\text{kg/s})$$

$$\rho = (\text{kg/m}^3) \quad (\text{چگالی})$$

$$V_{\text{ave}} = A \quad (\text{m}^2) \quad (\text{و سطح سیال عمود بر سطح})$$

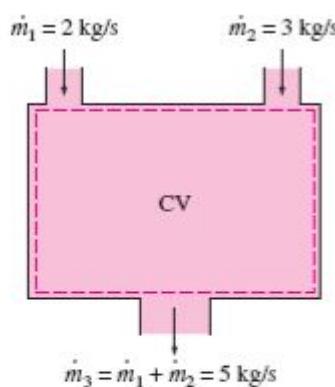
حجم سیالی که در واحد زمان از یک سطح مقطع می‌گذرد، دبی حجمی  $\dot{V}$  نامیده می‌شود، و از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$\dot{V} = \int V_n dA = V_{ave} A \quad (m^3 / s)$$

دبی جرمی و دبی حجمی توسط رابطه‌ی زیر به یکدیگر مربوط می‌شوند.

$$\dot{m} = \rho \dot{V} = \frac{\dot{V}}{g}$$

این رابطه مشابه رابطه‌ی  $m = V/g$  است که در حقیقت رابطه‌ی بین جرم و حجم یک سیال می‌باشد.



**FIGURE 5-7**

Conservation of mass principle for a two-inlet-one-outlet steady-flow system.

### اصل بقای انرژی:

برای حجم‌های کنترل، انرژی یک سیستم از یک راه دیگر نیز قابل تغییر است و آن عبور جرم به داخل و یا خارج حجم کنترل می‌باشد. با ورود جرم به داخل حجم کنترل، انرژی سیستم افزایش می‌یابد، چرا که جرم عبوری، مقداری انرژی را با خود حمل می‌نماید. مشابهًا، وقتی که مقدار جرم معینی، حجم کنترل را ترک می‌کند، انرژی موجود در سیستم کاهش می‌یابد. چرا که جرم‌های خروجی، مقدار انرژی همراه خود را نیز از سیستم خارج می‌نمایند. به عنوان مثال وقتی که مقداری آب گرم از آبگرمکن خارج شده و همان میزان آب سرد جایگزین می‌گردد، انرژی آب داغ مخزن (حجم کنترل) به خاطر تقابل جرمی کاهش می‌یابد.

پس معادله‌ی بقای انرژی برای یک حجم کنترل در یک فرآیند را می‌توان به صورت زیر بیان نمود.

(کل انرژی ورودی به حجم کنترل در اثر ورود جرم) + (کل انرژی عبوری از مرز به صورت گرمایشی و کار)

(تغییرات خالص انرژی در حجم کنترل) + (کل انرژی خروجی از حجم کنترل در اثر خروج جرم) -

$$Q - W + \sum E_{in} - \sum E_{out} = \Delta E_{CV}$$

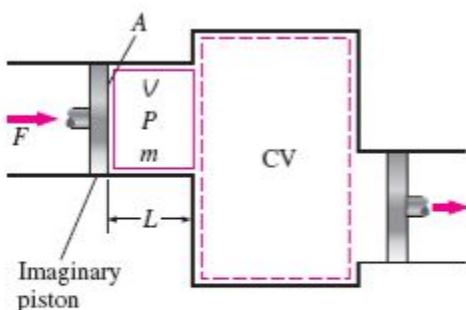
به وضوح می‌توان دید که اگر هیچ جرمی وارد حجم کنترل نشده و یا از آن خارج نشود، ترم دوم و سوم معادله‌ی فوق حذف شده و معادله‌ی فوق به رابطه‌ای که برای سیستم‌های بسته ارائه گردید تبدیل می‌شود. برخلاف ظاهر ساده معادله‌ی

بدست آمده، این معادله را می توان برای هر حجم کنترلی که هر فرآیند دلخواهی را طی می نماید، بکار برد. این معادله را همچنین می توان به شکل دبی انرژی در واحد زمان نیز نوشت.

انتقال گرمابه حجم کنترل یا از آن را نباید با انرژی انتقال یافته از طریق انتقال جرم به حجم کنترل یا از حجم کنترل اشتباه گرفت. به خاطر داشته باشید که گرمابه شکلی از انتقال انرژی است که در اثر اختلاف دما بین حجم کنترل و محیط اطراف وجود می آید.

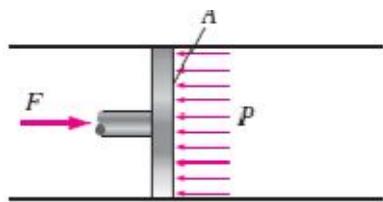
یک حجم کنترل، مثل یک سیستم بسته، ممکن است در یک زمان شامل یک یا چند شکل کار باشد. اگر مرز حجم کنترل ثابت باشد، بطوری که در اکثر موارد همین طور است، کار جداره صفر خواهد بود. در این صورت جمله‌ی مربوط به کار در معادله‌ی فوق، غالباً به شکل کار شفت و کار الکتریکی برای سیستم‌های تراکم پذیر در خواهد آمد. همانند قبل هنگامی که حجم کنترل بی در رو (ایزوله) باشد، جمله‌ی مربوطه به انتقال گرمابه صفر خواهد گردید.

انرژی مورد نیاز برای راندن سیال به داخل حجم کنترل یا از داخل حجم کنترل به بیرون از سیستم به کار جريان یا انرژی جريان موسوم است. این انرژی بخشی از انرژی انتقال یافته‌ی همراه سیال تلقی شده و در زیر مورد بحث قرار می‌گیرد.



**FIGURE 5-11**

Schematic for flow work.



**FIGURE 5-12**

In the absence of acceleration, the force applied on a fluid by a piston is equal to the force applied on the piston by the fluid.

$$F = PA$$

برای راندن کل المان سیال به داخل حجم کنترل، این نیرو باید در طول فاصله‌ی  $L$  اعمال گردد. بنابراین کار انجام شده برای راندن المان سیال به داخل حجم کنترل از طریق موز، (یعنی کار جريان) برابر است با:

$$W_{\text{flow}} = FL = PAL = PV$$

### کار جريان :

برخلاف سیستم‌های بسته، حجم‌های کنترل شامل جريان جرم از مرزهايشان می‌باشن. برای راندن این جرم به داخل حجم کنترل و یا راندن آن به بیرون از حجم کنترل، نیاز به مقداری کار می‌باشد. این کار به صورت کار جريان یا انرژی جريان دانسته شده و این کار برای داشتن یک جريان پیوسته از حجم کنترل لازم می‌باشد.

برای بدست آوردن رابطه‌ای برای کار جريان، یک المان از سیال به حجم  $V$  را در نظر بگیرید. سیال بالادست جهت وارد کردن المان سیال بداخل حجم معیار به آن نیرو وارد می‌کند، پس می‌توان سیال را به صورت یک پیستون فرضی تصور کرد. المان سیال را می‌توان به اندازه‌ی کافی کوچک فرض نمود، بنابراین خواص در همه جای المان یکسان است. اگر فشار سیال  $P$  و سطح مقطع المان سیال  $A$  باشد، نیروی اعمالی بر المان سیال توسط پیستون فرضی برابر است با:

کار جريان بر واحد جرم را می‌توان از تقسیم کردن دو طرف معادله‌ی فوق بر جرم المان سیال بدست آورد:

$$W_{\text{flow}} = Pv \quad (\text{kJ/kg})$$

رابطه‌ی کار جریان، برای راندن سیال به داخل حجم کنترل و یا راندن آن از حجم کنترل یکسان می‌باشد. کار جریان بر حسب خواص ماده بیان می‌گردد. در حقیقت، این کار حاصل ضرب دو خاصیت سیال می‌باشد.



### انرژی کل یک سیال جاری:

$$e = u + ke + pe = u + \frac{V^2}{2} + gz \quad (\text{kJ/kg})$$

که در این رابطه  $V$  سرعت و  $Z$  ارتفاع سیستم نسبت به یک نقطه‌ی مرجع خارجی می‌باشد. سیال ورودی به حجم کنترل یا خروجی از یک حجم کنترل، یک شکل دیگری از انرژی را به خود می‌گیرد که آن را انرژی جریان  $P\theta$  می‌گویند. پس انرژی کلی یک سیال جاری بر مبنای واحد جرم (که با  $\theta$  نشان داده می‌شود) عبارت است از:

$$\theta = P\theta + e = P\theta + (U + KE + PE)$$

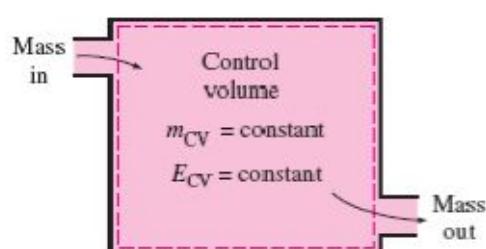
اما پیشتر از این عبارت  $P\theta + e$  را به صورت آنتالپی  $h$  تعریف نمودیم. پس رابطه‌ی فوق به رابطه‌ی زیر ساده می‌شود.

$$\theta = h + ke + pe = h + \frac{V^2}{2} + gz$$

### فرآیند جریان دائم:

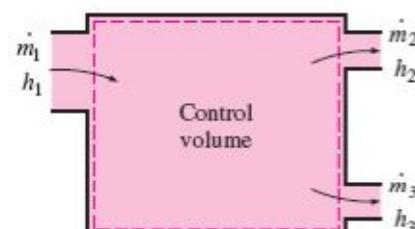
تعداد بسیاری از آلات مهندسی مثل توربین‌ها، کمپرسورها و نازل‌ها، برای مدت زمان محدودی تحت شرایط عملکرد مشابه، کار می‌کنند و لذا آن‌ها را جزو آلات جریان دائم دسته می‌نمایند.

یک فرآیند جریان دائم رامی توان به صورت فرآیندی که طی آن یک سیال از حجم کنترل به طور دائم جریان می‌یابد، تعریف نمود. یعنی، در یک حجم کنترل خواص سیال می‌توانند از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر تغییر فرآیند ثابت باقی می‌مانند (بیاد آورید که دائم به مفهوم ثابت بودن نسبت به زمان می‌باشد). یک فرآیند جریان دائم با استفاده از راه‌های زیر شناخته می‌گردد:



**FIGURE 5-18**

Under steady-flow conditions, the mass and energy contents of a control volume remain constant.



**FIGURE 5-19**

Under steady-flow conditions, the fluid properties at an inlet or exit remain constant (do not change with time).

۱- هیچ خاصیتی (کیفی یا کمی) در داخل حجم کنترل با زمان تغییر نمی کند. بنابراین حجم  $V$ ، جرم  $m$  و کل انرژی موجود  $E$  داخل حجم کنترل در طی یک فرآیند جریان دائم، ثابت باقی می ماند. نتیجتاً، کار جداره سیستم های جریان دائم صفر انرژی ورودی به حجم کنترل، باید مساوی کل جرم یا انرژی خروجی از حجم کنترل باشد (چرا که،  $m_{cv}$  و  $E_{cv}$  هر دو ثابت می باشند). این مشاهدات به مقدار زیادی تحلیل را ساده می نماید.

۲- در مرز حجم کنترل، هیچ خاصیتی با زمان تغییر نمی کند. بنابراین خواص سیال در یک ورودی یا یک خروجی، در طی کل فرآیند ثابت باقی می ماند. با این وجود، در مکان های مختلف (ورودی ها و خروجی های مختلف)، خواص ممکن است متفاوت باشند. حتی ممکن است که، خواص در نقاط مختلف سطح مقطع یک ورودی یا خروجی متفاوت باشند. اما همه خواص شامل سرعت و ارتفاع در یک نقطه مشخص، باید نسبت به زمان ثابت باقی بمانند. این منجر به این نتیجه می گردد که در طی یک فرآیند جریان دائم، دبی جرمی سیال در یک ورودی یا خروجی، باید ثابت باقی بماند (شکل ۴.۱۶).

۳- تقابل بین گرما و کار بین یک سیستم جریان دائم و محیط اطرافش با زمان تغییر نمی کند. بنابراین قدرت تولید شده توسط یک سیستم و دبی انتقال گرما به سیستم یا از سیستم، در طی یک فرآیند جریان دائم ثابت باقی می ماند. بعضی از وسائل سیکلی، مثل موتورهای رفت و برگشتی یا کمپرسورها، هیچیک از شرایط ذکر شده فوق را ارضاء نمی نمایند، چرا که جریان در ورودی ها و خروجی ها، به صورت پالسی بوده و دائم نیست.

### بقای جرم :

پس اصل بقای جرم نیاز به این دارد که مقدار کل جرم ورودی به حجم کنترل مساوی مقدار کل جرم خروجی از آن باشد. یعنی دبی جرمی  $m$  مورد نظر ماست. اصل بقای جرم برای یک سیستم جریان دائم عمومی، که دارای چندین ورودی و خروجی می باشد، برای واحد زمان به صورت زیر بیان می گردد:

(کل جرم خروجی در واحد زمان از حجم کنترل) = (کل جرم ورودی در واحد زمان به حجم کنترل)

یا :

$$\sum \dot{m}_i = \sum \dot{m} \quad (kg/s)$$

برای سیستم های جریان دائم که دارای یک جریان عبوری می باشند، داریم :

$$\dot{m}_1 = m_2 \quad (kg/s)$$

$$\rho_1 V_1 A_1 = \rho_2 V_2 A_2$$

یا

$$\frac{1}{g_1} V_1 A_1 = \frac{1}{g_2} V_2 A_2 \quad \rho : \text{چگالی، } kg/m^3$$

$V$  = سرعت متوسط جریان در جهت جریان،  $m/s$

$A$  = سطح مقطع عمود بر جهت جریان،  $m^2$

موضوعی که به نام اصل بقای حجم وجود ندارد. بنابراین، دبی حجمی ( $v = VA m^3/s$ ) به داخل وسیله جریان دائم و یا خارج شدن از آن ممکن است متفاوت باشد. دبی حجم در خروجی یک کمپرسور هوا، بسیار کمتر از دبی حجمی در ورودی آن می باشد. حتی تحت چنین شرایطی، دبی جریان جرمی هوا از کمپرسور ثابت است. این به خاطر چگالی بیشتر هوا

در خروجی کمپرسور می بادش . با این وجود برای جریان مایعات، دبی جریان حجمی، مثال دبی جریان جرمی ثابت باقی می ماند چرا که مایعات اساساً موادی غیر قابل تراکم (چگالی ثابت) می باشند .

### بقای انرژی :

درد طی یک فرآیند جریان دائم، تغییرات در انرژی کلی حجم کنترل صفر می باشد . بنابراین ف مقدار انرژی ورودی به یک حجم کنترل در هر شکلی (گرما، کار، انتقال جرم) باید مساوی مقدار انرژی خروجی، از آن، برای یک فرآیند جریان دائم باشد .

قانون اول ترمودینامیک یا اصل بقای انرژی برای یک سیستم عمومی جریان دائم که دارای چندین ورودی و خروجی می باشد، در واحد زمان به صورت زیر بیان می گردد:

$$(\text{کل انرژی عبوری از جداره به صورت گرما و کار}) = (\text{کل انرژی خروجی از CV توسط جرم}) - (\text{کل انرژی ورودی به CV توسط جرم})$$

$$\dot{Q} - \dot{W} = \sum \dot{m}_e \theta_e - \sum \dot{m}_i \theta_i$$

که  $\theta$  انرژی کلی سیال جاری است که شامل کار جریان برای واحد جرم می باشد . این رابطه همچنین، به صورت زیر قابل بیان است :

$$\dot{Q} - \dot{W} = \sum \dot{m}_e \left( h_e + \frac{V_e^2}{2} + gz_e \right) - \sum \dot{m}_i \left( h_i + \frac{V_i^2}{2} + gz_i \right) \quad (kW)$$

که مقدار  $\theta$  با استفاده از رابطه  $\theta = h + ke + pe$

$$\theta = h + ke + pe$$

معادله بقای انرژی برای سیستم های جریان دائم با جریان منفرد به صورت زیر در می آید :

$$\dot{Q} - \dot{W} = \dot{m} \left[ h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} + g(z_1 - z_2) \right] \quad (kW)$$

یا :

$$\dot{Q} - \dot{W} = \dot{m}(\Delta h + \Delta ke + \Delta pe) \quad (kw)$$

با تقسیم این معادلات بر  $\dot{m}$  ، رابطه  $\dot{Q} - \dot{W} = \dot{m}(\Delta h + \Delta ke + \Delta pe)$  با قانون اول برای واحد جرم به صورت زیر بدست می آید :

$$q - w = h_2 - h_1 + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} + g(z_1 - z_2) \quad (kJ/kg)$$

$$q - w = \Delta h + \Delta ke + \Delta pe \quad (kJ/kg)$$

که :

$$q = \frac{\dot{Q}}{\dot{m}} \quad (\text{انتقال گرما بر واحد زمان } kJ/kg)$$

$$w = \frac{\dot{W}}{\dot{m}} \quad (\text{کار انجام شده در واحد زمان } kJ/kg)$$

اگر انرژی های جنبشی و پتانسیل یک سیال، با عبور از حجم کنترل به اندازه  $\Delta h$  خیلی کمی (قابل اغماض باشد) تغییر نماید، در آن صورت معادله بقای انرژی یک جریان منفرد، برای سیستم جریان دائم به رابطه  $q - w = \Delta h$  ساده می شود :

$$q - w = \Delta h \quad kJ/kg$$

$\dot{Q}$  : نرخ انتقال گرمای بین حجم معیار و محیط اطراف است . وقتی که گرمای از حجم کنترل خارج می شود مثل حالتی که حجم کنترل یک آبگرمکن باشد ، منفی است . اگر حجم کاملاً ایزووله باشد ( حجم کنترل آدیباتیک ) ، داریم  $0 = \dot{Q}$  .  $\dot{W}$  : همان قدرت است . برای وسائل جریان دائم ، هم اندازه ، حجم کنترل ثابت بوده و بنابراین کار جداره صفر می باشد . پس  $\dot{W}$  بیانگر اشکال دیگری از کار انجام شده بر واحد زمان می باشد . بسیاری از وسائل جریان دائم مثل توربین ها ، کمپرسورها و پمپ ها قدرت را از طریق یک شفت انتقال داده و  $\dot{W}$  به بیان ساده همان کار شفت برای این نوع دستگاه می باشد . اگر هیچکدام از انواع کار وجود نداشته باشند در آن صورت  $0 = \dot{W}$

$\Delta h = h_{exit} - h_{inter}$  : تغییر آنتالپی یک سیال را به سادگی با خواندن مقادیر آنتالپی در حالت ورودی و خروجی از روی جداول می توان محاسبه کرد . برای گازهای ایده آل ، این مقدار را می توان با رابطه  $\Delta h = C_{p,ave}(T_2 - T_1)$  تقریب زد . توجه کنید که  $(\text{kg}/\text{s}) (\text{kJ}/\text{kg}) = \text{kW}$

$\Delta ke = (V_1^2 - V_2^2)/2$  : واحد انرژی جنبشی عبارت است از  $\text{m}^2/\text{s}^2$  که مساوی با  $\text{J/kg}$  می باشد . آنتالپی معمولاً بر حسب  $\text{kJ/kg}$  داده شده است . برای جمع کردن این دو مقدار ، انرژی جنبشی باید بر حسب  $\text{kJ/kg}$  بیان شود . با تقسیم کردن مقدار آن بر عدد 1000 این مسئله به سادگی تحقق می یابد .

## بعضی از دستگاه های مهندسی جریان دائم

### ۱- نازل ها و دیفیوزرها

ناazel دستگاهی است که سرعت سیال را در قبال کاهش فشار زیاد می کند . دیفیوزر ، وسیله ای است که فشار سیال را با کم کردن سرعت آن بالا می برد .

$0 \leq \dot{Q}$  : در این حالت نرخ انتقال گرمای بین سیال عبوری از نازل یا دیفیوزر و محیط اطراف ، حتی وقتی که این وسائل عایق بندی نشده باشد معمولاً بسیار کوچک است . این موضوع در درجه ای اول به خاطر بالا بودن سرعت سیال و بنابراین ناکافی بودن زمان برای بوجود آمدن انتقال گرمای در این مسائل می باشد .

$0 = \dot{W}$  : در این حالت جمله ای مربوط به کار نازل ها و دیفیوزرها صفر است . چرا که این وسائل اساساً دارای شکل مناسبی برای عبور سیال بوده و شامل هیچگونه شفت یا سیم های مقاومت الکتریکی نمی باشد .

$0 \neq \Delta ke$  : در این حالت سرعت سیال در نازل های و دیفیوزرها معمولاً بسیار بالا بوده و با عبور یک سیال از یک نازل یا دیفیوزر ، تغییر زیادی در سرعت سیال پدید نمی آید .

بنابراین ، تغییرات انرژی جنبشی باید در تحلیل عبور جریان از این وسائل مورد استفاده قرار گیرند .

$0 \approx \Delta P_e$  : در این حالت تغییر ارتفاع سیال عبوری از نازل ها و دیفیوزرها معمولاً کوچک بوده و یا اصلاً تغییر ارتفاعی صورت نمی گیرد ، و بنابراین از ترم انرژی پتانسیل می توان صرف نظر کرد .



## 2- توربین ها و کمپرسورها :

کمپرسورها نیز مانند پمپ ها و فن ها، وسائلی هستند که فشار سیال را افزایش می دهند. کار داده شده به این وسائل از یک منبع خارجی و از طریق یک شفت در حال گردش فراهم می گردد. بنابراین، جمله‌ی مربوط به کار برای کمپرسورها منفی است چرا که کار بر روی سیال انجام شده است.

یک فن، فشار یک گاز را به اندازه‌ی کمی بالا برد و اساساً برای پراکنده کردن سیال در محیط اطراف بکار می رود. یک کمپرسور قادر است که یک سیال را تا فشارهای بالای متراکم نماید. پمپ ها بسیار شبیه کمپرسورها می باشند با این تفاوت که به جای، گاز از مایع استفاده می کنند.

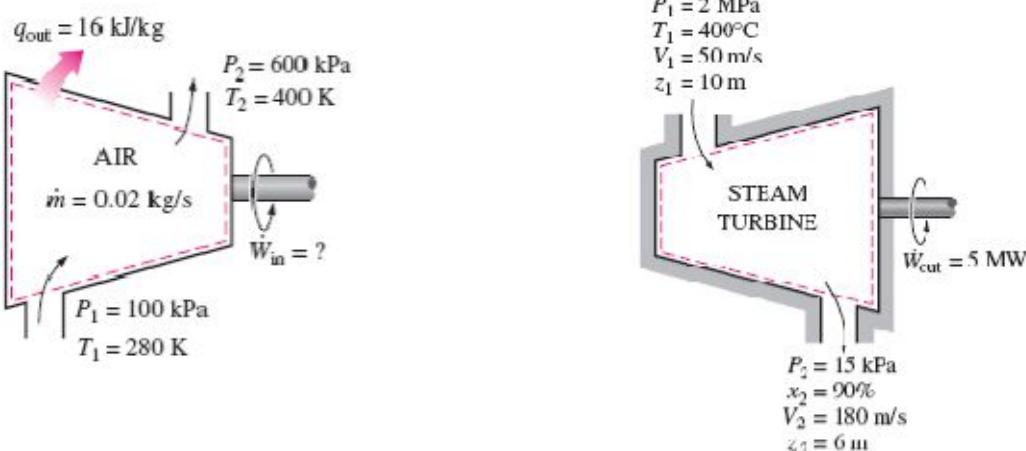
برای توربین ها و کمپرسورها مقادیر نسبی جملات مختلف، که در معامله‌ی انرژی ظاهر می شوند به شرح زیر است:

$$\dot{Q} \cong \dot{W}$$

$\dot{W} \neq 0$ : همه‌ی این وسائل شامل شفت گردانی بوده که مرز سیستم را قطع می نماید، بنابراین جمله‌ی مربوط به کار مهم است. برای توربین ها،  $\dot{W}$  بیانگر قدرت خروجی و برای پمپ ها و کمپرسورها،  $\dot{W}$  بیانگر قدرت ورودی می باشد.

$\Delta P_e \cong 0$ : تغییر انرژی پتانسیل یک سیال در طی عبور سیال از توربین ها، کمپرسورها، فن ها و پمپ ها معمولاً بسیار کوچک بوده و عموماً از آن صرف نظر می شود.

$\Delta ke \cong 0$ : سرعت های این وسائل، بجز در توربین ها، معمولاً بسیار کوچک تر از آن است که هیچ گونه تغییری در انرژی جنبشی ایجاد نماید. سرعت سیال در توربین ها بسیار بالا بوده و بنابراین تغییر قابل توجهی در انرژی جنبشی آن ها در اثر عبور از توربین پدید می آید. با این وجود، تغییر فوق نسبت به تغییر آنتالپی بسیار کوچک بوده و بنابراین در اغلب موارد از آن صرف نظر می گردد.

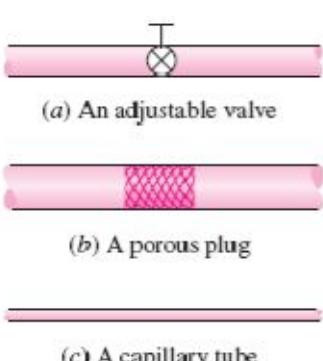


## 3- شیرهای اختناق :

شیرهای اختناق (کنترل جریان)، نوعی وسیله محدود کننده جریان سیال بوده که باعث افت فشار قابل ملاحظه ای در سیال می گردد. مثال های آشنای این مورد عبارتند از شیرهای قابل تنظیم معمولی لوله های موئینه و تیوب های متخلخل. برخلاف توربین ها، این وسائل افت فشار را بدون انجام هیچ کاری ایجاد می نمایند. افت فشار سیال معمولاً با افت زیاد دما همراه سات و به خاطر همین امر، وسائل اختناق در یخچال ها و کولرها مورد استفاده قرار می گیرند. مقدار افت دما (یا گاهی اوقات، افزایش دما) در طی یک فرآیند اختناق کردن، با استفاده یک خاصیت به نام ضریب ژول تامسون انجام می گردد.

FIGURE 5-29

Throttling valves are devices that cause large pressure drops in the fluid.



شیرهای اختناق معمولاً وسائل کوچکی بوده و جریان سیال از میان آن‌ها را، به خاطر ناکافی بودن زمان برای انتقال گرما و همچنین سطح کوچک برای انتقال گرما می‌توان بی در رو فرض نمود ( $q \equiv 0$ ). همچنین هیچ کاری نیز در این آلات انجام نمی‌شود ( $W=0$ )، و تغییر در انرژی پتانسیل (در صورت وجود) بسیار کوچک است ( $\Delta pe \equiv 0$ ). اگرچه سرعت خروجی اغلب بیشتر از سرعت ورودی می‌باشد، در بسیاری از حالات، افزایش در انرژی جنبشی ناچیز است ( $\Delta ke \equiv 0$ ) . در این حالت معادله بقای انرژی برای سیستم جریان دائم تک جریانی به رابطه زیر ساده می‌شود :

$$h_2 \equiv h_1 \quad (kJ/kg)$$

یعنی این که، مقادیر آنتالپی در ورودی و خروجی شیرهای اختناق برابر یکدیگر می‌باشند. به خاطر همین دلیل، یک شیر اختناق را، گاهی اوقات یک وسیله آنتالپی ثابت می‌نماید.

$$\text{ثابت} = \text{انرژی جریان} + \text{انرژی داخلی}$$

بنابراین، خروجی نهایی یک فرآیند اختناق بستگی به این دارد که در طی فرآیند کدامیک از دو مقدار افزایش یابند. اگر انرژی جریان در طی فرآیند افزایش یابد ( $P_1 g_1 < P_2 g_2$ ) به خاطر مصرف انرژی داخلی است، و در نتیجه انرژی داخلی کاهش می‌یابد که معمولاً با کاهش دما همراه است. اگر حاصل ضرب  $Pg$  کاهش پیدا کند، انرژی داخلی و دمای سیال در طی فرآیند اختناق افزایش می‌یابد .

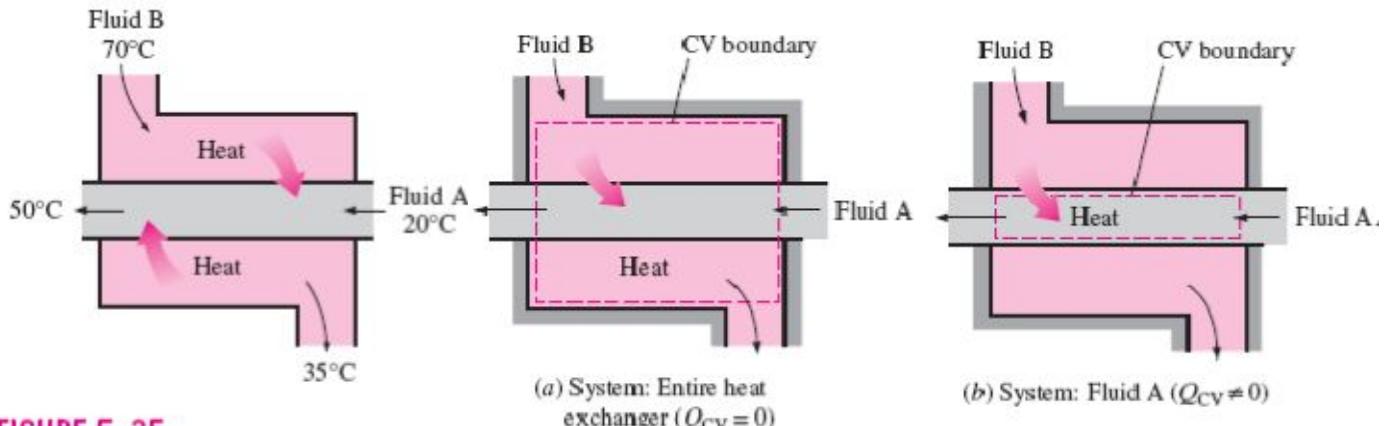
#### 4- مبدل‌های حرارتی :

مبدل‌های حرارتی وسائلی هستند که در آن‌ها دو جریان سیال در حال حرکت، بدون مخلوط با یکدیگر، با همدیگر گرما مبادله می‌نمایند. از مبدل‌های حرارتی به طور وسیعی در صنایع مختلف استفاده شده و در طرح‌های مختلفی وجود دارند . ساده‌ترین شکل یک مبدل گرمایی، دو لوله داخل یکدیگر می‌باشد (که همچنین به لوله و پوسته موسوم است) . این مبدل از دو لوله که یکی در داخل دیگری قرار دارد تشکیل شده و سیال در فضای بین دولوله در جریان است . گرما از طریق دیواره‌ی لوله از سیال سرد انتقال می‌یابد . گاهی اوقات لوله داخلی، در داخل پوسته چند چرخش دارد، که این چرخش‌ها برای افزایش سطح انتقال گرما در نظر گرفته شده‌اند و باعث افزایش نرخ انتقال گرما می‌شوند. اهی اوقات، مبدل‌های حرارتی اتصال مستقیم نامیده می‌شوند.

اصل بقای جرم برای یک مبدل حرارتی در عملکرد دائم نیاز به این دارد که مجموع دبی جرم ورودی به حجم کنترل مساوی مجموع دبی جرم خروجی از آن باشد . این اصل را همچنین می‌توان به صورت زیر بیان نمود : تحت عملکرد دائم، دبی جرمی هر یک از جریان‌های سیال در مبدل حرارتی، ثابت باقی می‌ماند.

مبدل‌های حرارتی عموماً دارای هیچ گونه تقابل کار نمی‌باشند ( $W = 0$ ), و تغییرات انرژی جنبشی و پتانسیل مربوط به هر یک از دو سیال نیز قابل صرف نظر کردن می‌باشد.  $\Delta ke \equiv 0, \Delta pe \equiv 0$ . نرخ انتقال گرما برای مبدل حرارتی به نحوه انتخاب حجم کنترل بستگی دارد . مبدل‌های حرارتی برای انتقال گرما بین دو سیال داخل یک وسیله در نظر گرفته شده‌اند و پوسته بیرونی معمولاً کاملاً بی در رو می‌باشد تا از هر گونه انتقال گرما با محیط اطراف جلوگیری شود.

وقتی که کل مبدل گرمایی به عنوان حجم کنترل انتخاب شد،  $\dot{Q}$  مساوی صفر می باشد، چرا که مرز در این حالت دقیقاً با عایق پوشانده شده است و گرمای کمی مرز سیستم را قطع می کند (یا هیچ گرمایی از آن عبور نمی کند). اگر تنها یکی از سیال ها به عنوان حجم کنترل انتخاب گردد، گرما با انتقال یافتن از یک سیال به سیال دیگر مرز سیستم را قطع خواهد کرد. در حقیقت در حالت اخیر،  $\dot{Q}$  صفر نبوده و معادل نرخ انتقال گرما بین دو سیال می باشد.

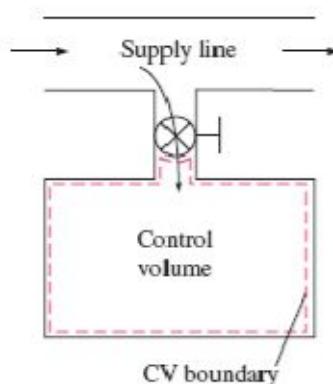


**FIGURE 5-35**

A heat exchanger can be as simple as two concentric pipes.

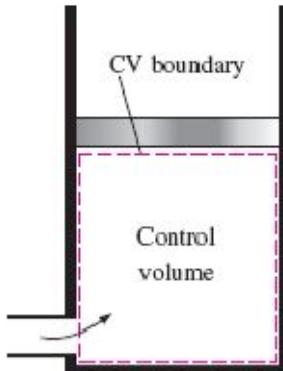
### فرآیندهای جریان غیر دائم

بسیاری از فرآیندها دارای تغییراتی با زمان در حجم کنترل می باشند. چنان فرآیندهایی را، فرآیندهای جریان غیر دائم یا فرآیندهای جریان گذرا می نامند. وقتی که یک فرآیند جریان غیر دائم تحلیل می گردد، علاوه بر در نظر گرفتن تقابل انرژی در مرز، باید مقدار جرم و انرژی درون حجم کنترل را نیز در نظر گرفت. بعضی از فرآیندها با جریان غیر پایا عبارتند از: بارگیری مخزن های صلب، به حرکت درآوردن توربین گازی توسط هوای فشرده موجود در یک محفظه بزرگ، باد کردن تایرها یا بالن ها



**FIGURE 5-43**

Charging of a rigid tank from a supply line is an unsteady-flow process since it involves changes within the control volume.



**FIGURE 5-44**

The shape and size of a control volume may change during an unsteady-flow process.

برخلاف فرآیندهای جریان دائم فرآیندهای جریان گذرا (غیر دائم)، به جای این که به طور پیوسته ادامه یابند، در طول یک بازه زمانی شروع شده و خاتمه می‌یابند. بنابراین در این مقطع، به جای نرخ تغییرات (تغییرات در واحد زمان) به بحث در مورد تغییراتی که در طول یک بازه زمانی  $\Delta t$  اتفاق می‌افتد، می‌پردازیم. یک سیستم جریان گذرا، از جهات بسیاری به یک سیستم بسته شباخت دارد با این تفاوت که مقدار جرم درون حجم کنترل ثابت نیست. فرق دیگر بین سیستم‌های جریان دائم و سیستم‌های جریان گذرا، این است که سیستم‌های جریان دائم از نظر مکان و شکل و اندازه ثابت می‌باشند، اما سیستم‌های جریان غیر دائم، این طور نمی‌باشند. این سیستم‌ها معمولاً ساکن بوده (یعنی مکان آن‌ها در فضای ثابت است)، اما ممکن است دارای مرزهای متحرک و بنابراین کار جداره باشند.

### بقای جرم:

اصل بقای جرم برای یک حجم کنترل (CV) که هر نوع فرآیند جریان غیر دائمی را در مدت زمان  $\Delta t$  طی می‌کند به صورت زیر قابل بیان می‌باشد:

$$(کل جرم خروجی از حجم کنترل در زمان \Delta t) - (کل جرم ورودی به حجم کنترل در زمان \Delta t) = (\text{تغییر خالص جرم، درون حجم کنترل CV در زمان } \Delta t)$$

$$\Sigma m_i - \Sigma m_e = \Delta m_{cv}$$

$$\Sigma m_i - \Sigma m_e = (m_2 - m_1)_{cv}$$

یا

$m_i = 0$  است اگر هیچ جرمی در طی فرآیند وارد حجم کنترل نشود؛  $m_e = 0$  است اگر در طی فرآیند هیچ جرمی از حجم کنترل خارج نگردد؛ و  $m_1 = 0$  است اگر حجم کنترل در حالت اولیه خالی باشد.

اصل بقای جرم برای یک فرآیند عمومی جریان غیر دائم را می‌توان به فرم نرخ (شدتی) نیز بیان کرد.

$$\Sigma \dot{m}_i - \Sigma \dot{m}_e = \frac{dm_{cv}}{dt} \quad (\text{kg/s})$$

که  $m_i$ ،  $m_e$  دبی‌های جرم ورودی به حجم کنترل و خروجی از حجم کنترل بوده  $dm_{cv}$  تغییرات جرم موجود در حجم کنترل می‌باشد.

### بقای انرژی:

اصل بقای انرژی برای یک حجم کنترل که هر فرآیند جریان غیر دائم دلخواهی را در طول زمان  $\Delta t$  طی نماید به صورت زیر قابل بیان است.

+ (کل انرژی عبوری از مرز به صورت گرما و کار در فاصله زمانی  $\Delta t$ )

+ (کل انرژی وارد شده به حجم کنترل CV، در اثر ورود جرم در زمان  $\Delta t$ )

- (کل انرژی خارج شده از حجم کنترل CV، در اثر خروج جرم در زمان  $\Delta t$ )

= (تغییر خالص در انرژی حجم کنترل CV، در طول زمان  $\Delta t$ )

یا

$$Q - W + \Sigma \theta_i - \Sigma \theta_e = \Delta E_{cv}$$

که  $\theta$  نشانگر کل انرژی انتقال یافته در طی فرآیند توسط جرم به حجم کنترل و یا از حجم کنترل و از طریق یک ورودی یا یک خروجی می باشد . معادله ی بقای انرژی برای یک حجم کنترل در فرم شدتی (نرخ ) نیز قابل بیان است .

### حالت خاص : فرآیندهای جریان یکنواخت

یک فرآیند جریان یکنواخت شامل مشخصات ایده آل زیر است .

1- در هر زمانی در طی فرآیند، حالت حجم کنترل یکنواخت است ( یعنی خاصیت در همه جا یکسان بوده و برابر یک مقدار است ) . حالت حجم کنترل ممکن است بازمان تغییر نماید، اما این تغییر به طور یکنواخت می باشد . در نتیجه، حالت جرم خروجی از حجم کنترل در هر لحظه مانند حالت جرم در حجم کنترل در همان لحظه می باشد .

2- خواص سیال ممکن است از یک ورودی یا خروجی نسبت به ورودی یا خروجی دیگر فرق کند، اما جریان سیال در هر ورودی یا خروجی، یکنواخت و دائم می باشد . یعنی خواص نسبت به زمان و موقعیت در روی سطح مقطع ورودی یا خروجی تغییر نمی کنند. اگر خواص در روی سطح مقطع ورودی یا خروجی، مختلف، متغیر باشند، میانگین آن ها گرفته شده و میانگین به عنوان مقدار ثابت برای کل فرآیند در نظر گرفته می شود .

معادله بقای انرژی برای یک فرآیند جریان یکنواخت به صورت زیر در می آید .

$$Q - W = \sum m_e \left( h_e + \frac{V_e^2}{2} + gz_e \right) - \sum m_i \left( h_i + \frac{V_i^2}{2} + gz_i \right) + (m_2 e_2 - m_1 e_1)_{cb}$$

و قنی که تغییرات انرژی جنبشی و پتانسیل مربوط به حجم کنترل و جریان سیال ناجیز باشد داریم :

$$Q - W = \sum m_e h_e - \sum m_i h_i + (m_2 u_2 - m_1 u_1)_{cv}$$

توجه کنید در صورتی که هیچ جرمی وارد حجم کنترل نشده و یا از آن خارج نشود ( $m_e = m_i = 0$  )، جمله اول .

$Q =$  انتقال گرمای کلی بین حجم کنترل و محیط اطراف در طی فرآیند . منفی است اگر گرما از حجم کنترل خارج شود و صفر است اگر حجم کنترل کاملاً ایزوله باشد .

$W =$  کل کار مربوط به حجم کنترل . این کار ممکن است کار الکتریکی، کار شفت و حتی کار جداره ( در صورتی که مرز در طی فرآیند حرکت کند ) . کار برای یک حجم معیار برابر صفر است، اگر حجم معیار بدون حرکت جداره، شفت و مقاومت الکتریکی باشد .

$m_e =$  جرم خروجی از حجم کنترل، در صورتی که در طول فرآیند هیچ مقدار جرمی از حجم کنترل خارج نشود برابر صفر است .

$m_i =$  جرم ورودی به حجم کنترل . در صورتی که در طول فرآیند هیچ مقدار جرمی به حجم کنترل وارد نشود، برابر صفر است .

$m_1 u_1 = U_1 =$  انرژی داخلی کلی حجم کنترل در حالت اولیه . برای حجم کنترلی که در حالت اولیه خلاء باشد، صفر است .

$m_1 u_1 = U_2 =$  انرژی داخلی کلی حجم کنترل در حالت نهایی .